

# Algorithmique et Structures de données

Thomas Lavergne & Florent Hivert

Mél : [thomas.lavergne@lisn.upsaclay.fr](mailto:thomas.lavergne@lisn.upsaclay.fr)

## 1 Rappels

## 2 Passage par référence

## 3 Les pointeurs

## Passage de paramètres...

Lors de l'appel d'une fonction ou procédure, les étapes suivantes sont exécutées :

### Retenir

- 1 *Empilement dans la mémoire de son tableau d'activation (**dont les emplacements nécessaires pour ses paramètres**) ;*
- 2 ***Initialisation des valeurs des paramètres** (« passage des paramètres »), et donc **modification de la mémoire** ;*
- 3 *Exécution du corps de la fonction, dans l'environnement : **la mémoire est ainsi modifiée** ;*
- 4 *Pour les fonctions, **retour de la valeur de la fonction** ;*
- 5 *Dépilement du bloc d'activation et retour à l'environnement qui était en place avant l'appel. Seul l'environnement est restauré, les effets de la procédure sur la mémoire persistent.*

## Pourquoi passer un paramètre ?

Les paramètres servent à communiquer avec la fonction.

### Retenir

*Il peut y avoir trois raisons de communiquer :*

- 1** on veut faire passer **une donnée** à la fonction
- 2** on veut récupérer **un résultat** de la fonction
- 3** on veut que la fonction **modifie une variable** qui a déjà une valeur.

## Exemple de passage d'une **donnée**

Fonction calculant la somme de deux entiers :

```
int somme(int a, int b);
```

Les paramètres a et b sont des **données** de la fonction.

## Exemple de passage d'un résultat

On a souvent besoin d'une fonction qui retourne **deux** résultats. Pour le moment, avec l'instruction `return`, on ne peut en retourner qu'un seul.

Fonction qui retourne si un entier est une puissance de deux et qui renvoie l'exposant de la plus petite puissance supérieure ou égale à l'entier :

- pour 4, on doit répondre : vrai, 2
- pour 9, on doit répondre : faux, 4

## Exemple de passage d'un **résultat**

Fonction qui retourne si un entier est une puissance de deux et qui renvoie l'exposant de la plus petite puissance supérieure ou égale à l'entier :

```
bool estPuissanceDe2(int n, int &exp);
```

- Le paramètre `n` est une **donnée**
- Le paramètre `exp` est un **résultat**

### Remarque

- Noter le «&» devant le paramètre `exp`.
- Lors de l'appel, la variable `exp` n'est **pas initialisée**, c'est le rôle de la fonction `estPuissanceDe2` de le faire.

## Exemple de passage d'un résultat

```

1  /** Teste si un nombre est une puissance de 2 et calcule l'exposant.
2  * @param[in] n    un nombre entier positif
3  * @param[out] exp l'exposant de la plus petite
4  *               puissance de 2 supérieure ou égale à n
5  * @return un boolean
6  */
7  bool estPuissance2(int n, int &exp) {
8      exp = 0;
9      int puiss = 1;
10     while (puiss < n) {
11         exp++;
12         puiss *= 2;
13     }
14     return puiss == n;
15 }
16
17 int main() {
18     int a, e;
19     bool b;
20     cin >> a;
21     b = estPuissance2(a, e);
22     // Le booléen b est affiché avec 0 pour false et 1 pour true
23     cout << b << " " << e << endl;
24 }
    
```

## Exemple de passage de **donnée/résultat**

C'est le cas où l'on veut que la fonction modifie une variable qui contient déjà une valeur :

- fonction `incrémente` qui fait la même chose que `++` :  
`void incrémente(int &n)`
- fonction `échange` qui échange le contenu de deux variables :  
`void échange(int &n, int &m)`

### Remarque

- Le C++ ne fait **pas la différence** entre les modes de passage **résultat** et **donnée/résultat**.
- Dans le mode **donnée/résultat**, la variable doit être **initialisée avant l'appel**.

## Exemple de passage de **donnée/résultat**

```
1  /** Ajoute 2 à un entier
2  * @param[in/out] a une variable entière
3  **/
4  void ajoute2(int &a) {
5      a = a + 2;
6  }
7
8
9  int main() {
10     int n;
11     cin >> n;
12     cout << "Avant : " << n << endl;
13     ajoute2(n);
14     cout << "Après : " << n << endl;
15 }
```

## Exemple de passage de **donnée/résultat**

```
1  /** Échange les contenus de deux variables
2   * @param[in/out] a b deux variables entières.
3   **/
4  void echange(int &a, int &b) {
5      int t;
6      t = a;
7      a = b;
8      b = t;
9  }
10
11 int main() {
12     int x, y;
13     cin >> x >> y;
14     cout << "Avant : " << x << " " << y << endl;
15     echange(x, y);
16     cout << "Après : " << x << " " << y << endl;
17 }
```

## Passage de paramètres...

Deux modes principaux de passage de paramètres sont utilisés :

### Retenir

- le **passage par valeur**, utilisé pour passer une **donnée**. En C++, c'est le mode de passage par défaut.
- le **passage par référence** (ou par adresse) : correspond aux paramètres **résultats** ou **données-résultats**. En C++, ce mode de passage est obtenu par l'utilisation de références (symbole «&»).

## Passage de paramètres...

Deux modes principaux de passage de paramètres sont utilisés :

### Retenir

- le **passage par valeur**, utilisé pour passer une **donnée**. En C++, c'est le mode de passage par défaut.
- le **passage par référence** (ou par adresse) : correspond aux paramètres **résultats** ou **données-résultats**.  
En C++, ce mode de passage est obtenu par l'utilisation de références (symbole «&»).

1 Rappels

**2** Passage par référence

3 Les pointeurs

## Pour reporter les modifications, on fait un passage par référence

On en a besoin pour un paramètre en mode résultat ou donnée/résultat.

## Notion de référence

Le C++ permet de manipuler un type particulier, dit «référence».

**Une référence est un identificateur synonyme d'un autre identificateur.** Elle permet de manipuler une variable sous un autre nom que celui sous lequel cette variable a été déclarée.

### Syntaxe

*On déclare une référence par*

*type &nom = variable;*

Par exemple :

```
1   int i=1;
2   int &ri = i; // référence sur la variable i
3   ri = ri * 2; // double la valeur de ri et de i !!
```

## Référence

Dans l'exemple :

```
1   int i=1;
2   int &ri = i; // référence sur la variable i
3   ri = ri * 2; // double la valeur de ri et de i !!
```

**Les deux identificateurs** `i` et `ri` **représentent alors la même variable** (le même emplacement mémoire) qu'ils peuvent tous les deux **accéder et modifier**.

# Référence

## Retenir

En pratique, une **variable de type référence contient l'adresse de la variable référencée.**

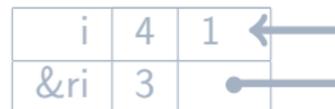
Nous utiliserons les conventions de dessin suivantes :

- Dans l'environnement, **les variables de type référence seront précédées du symbole &.**
- On dessinera une flèche entre la référence et la variable référencée.

```
1   int i=1;
2   int &ri = i; // référence sur la variable i
3   ri = ri * 2; // double la valeur de ri et de i !!
```

i	4	1
&ri	3	4

sera représenté par



# Référence

## Retenir

En pratique, une **variable de type référence contient l'adresse de la variable référencée.**

Nous utiliserons les conventions de dessin suivantes :

- Dans l'environnement, **les variables de type référence seront précédées du symbole &.**
- On dessinera une flèche entre la référence et la variable référencée.

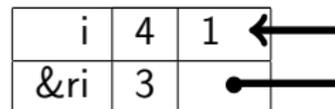
```

1   int i=1;
2   int &ri = i; // référence sur la variable i
3   ri = ri * 2; // double la valeur de ri et de i !!

```

i	4	1
&ri	3	4

sera représenté par



## Passage par référence

Comme dans le passage par valeur, des emplacements sont prévus dans les tableaux d'activation pour être alloués aux paramètres passés par référence.

### Retenir

*Passage par référence* Mais, au contraire du passage par valeur où la valeur du paramètre effectif est recopiée dans le nouvel emplacement, **on transfère ici la référence** (l'adresse) du paramètre effectif. Le paramètre formel et le paramètre effectif correspondent alors **au même emplacement**.

## Passage par référence

Comme dans le passage par valeur, des emplacements sont prévus dans les tableaux d'activation pour être alloués aux paramètres passés par référence.

### Retenir

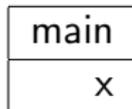
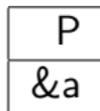
***Passage par référence** Mais, au contraire du passage par valeur où la valeur du paramètre effectif est recopiée dans le nouvel emplacement, **on transfère ici la référence** (l'adresse) du paramètre effectif. Le paramètre formel et le paramètre effectif correspondent alors **au même emplacement**.*

## Exemple de Passage par référence

```

1 void P(int &a) {
2     cout << "a = " << a << endl;
3     a = 0;
4 }
5 void main () {
6     int x;
7     /* P(10) serait une erreur */
8     x = 5;
9     P(x);
10    cout << "x = " << x << endl;
11 }

```



Remarquez qu'ici, l'appel à P(10) a été supprimé car 10 est une constante (et pas un identificateur de variable). Donc on ne peut pas lui associer une référence....

## Exemple de passage par référence

Entrée dans la fonction main

```

1 void P(int &a) {
2     cout << "a = " << a << endl;
3     a = 0;
4 }
5 void main () {
6     int x;
7     /* P(10) serait une erreur */
8     x = 5;
9     P(x);
10    cout << "x = " << x << endl;
11 }

```

Pile :

7	?
6	?
5	?
4	?
3	?
2	?

main	1	<b>ADM</b>
x	0	?

## Exemple de passage par référence

main ligne 8 :

```

1 void P(int &a) {
2     cout << "a = " << a << endl;
3     a = 0;
4 }
5 void main () {
6     int x;
7     /* P(10) serait une erreur */
8     x = 5;
9     P(x);
10    cout << "x = " << x << endl;
11 }

```

Pile :

7	?
6	?
5	?
4	?
3	?
2	?

main	1	ADM
x	0	5

## Exemple de passage par référence

main ligne 9 : appel de P(x), c'est-à-dire P(&0)

```

1 void P(int &a) {
2     cout << "a = " << a << endl;
3     a = 0;
4 }
5 void main () {
6     int x;
7     /* P(10) serait une erreur */
8     x = 5;
9     P(x);
10    cout << "x = " << x << endl;
11 }

```

Pile :

7	?
6	?
5	?
4	?
<hr/>	
P	3 ADM
&a	2
	1 ADM
	0 5 ←

## Exemple de passage par référence

Ligne 2; affichage de «a = 5»

```
1 void P(int &a) {
2     cout << "a = " << a << endl;
3     a = 0;
4 }
5 void main () {
6     int x;
7     /* P(10) serait une erreur */
8     x = 5;
9     P(x);
10    cout << "x = " << x << endl;
11 }
```

Pile :

	7	?
	6	?
	5	?
	4	?
	<hr/>	
P	3	ADM
&a	2	●
	1	ADM
	0	5 ←

## Exemple de passage par référence

Ligne 3

```

1 void P(int &a) {
2     cout << "a = " << a << endl;
3     a = 0;
4 }
5 void main () {
6     int x;
7     /* P(10) serait une erreur */
8     x = 5;
9     P(x);
10    cout << "x = " << x << endl;
11 }

```

Pile :

7	?	
6	?	
5	?	
4	?	
-----		
P	3	ADM
&a	2	●
	1	ADM
	0	0 ←

## Exemple de passage par référence

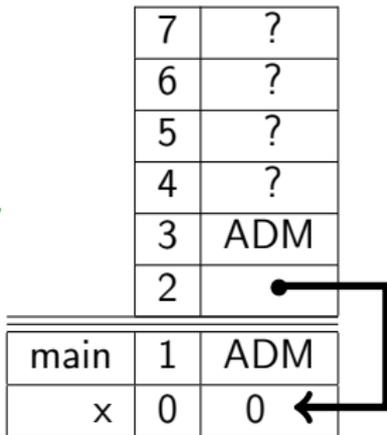
Retour au main ligne 10 : affichage de «x = 0»

```

1 void P(int &a) {
2     cout << "a = " << a << endl;
3     a = 0;
4 }
5 void main () {
6     int x;
7     /* P(10) serait une erreur */
8     x = 5;
9     P(x);
10    cout << "x = " << x << endl;
11 }

```

Pile :



## Bilan : passage par valeur / référence

Retenir		
	<i>Valeur</i>	<i>Référence</i>
<i>Param. réel</i>	<i>valeur ou variable copie</i>	<i>variable adresse</i>
<i>modifications</i>	<i>non reportées</i>	<i>reportées</i>
<i>utilisation</i>	<i>donnée</i>	<i>don/rés ou rés *</i>

## Référence vers un objet constant

Dans le cas d'un passage par valeur, la copie peut être coûteuse si l'objet passé est complexe (structure, vecteur...)

### Compléments

Dans certains cas, on fait un **passage par référence pour éviter la copie**. Le C++ permet alors d'**interdire la modification** en déclarant l'objet passé par référence constant grâce au mot clé **const**.

```
float moyenne(vector<float> const &notes)
```

## Référence vers un objet constant

Dans le cas d'un passage par valeur, la copie peut être coûteuse si l'objet passé est complexe (structure, vecteur...)

### Compléments

Dans certains cas, on fait un **passage par référence pour éviter la copie**. Le C++ permet alors d'**interdire la modification** en déclarant l'objet passé par référence constant grâce au mot clé **const**.

```
float moyenne(vector<float> const &notes)
```

## Adresse d'une référence

### Retenir

*En C++, l'adresse d'une référence est l'adresse de la variable référencée.*

Le programme :

```
1 void main () {  
2   int x = 5;  
3   int &y = x;  
4   cout << &x << " " << &y << endl;  
5 }
```

affiche deux fois la même adresse.

## Passage d'une référence

### Retenir

En conséquence, on peut passer une **référence comme paramètre réel d'un passage par référence**.

```
1 void p2(int &n) {
2     cout << "p2 " << &n << endl;
3 }
4 void p1(int &m) {
5     cout << "p1 " << &m << endl;
6     p2(m);
7 }
8 int main() {
9     int a = 2;
10    cout << "main " << &a << endl;
11    p1(a);
12 }
```

Dans P2 :

p2	7	ADM
&m	6	●
	5	ADM
	4	●
	3	ADM
	2	2