

# Évolution des conceptions de l'Univers (Phys137)

## TD 7

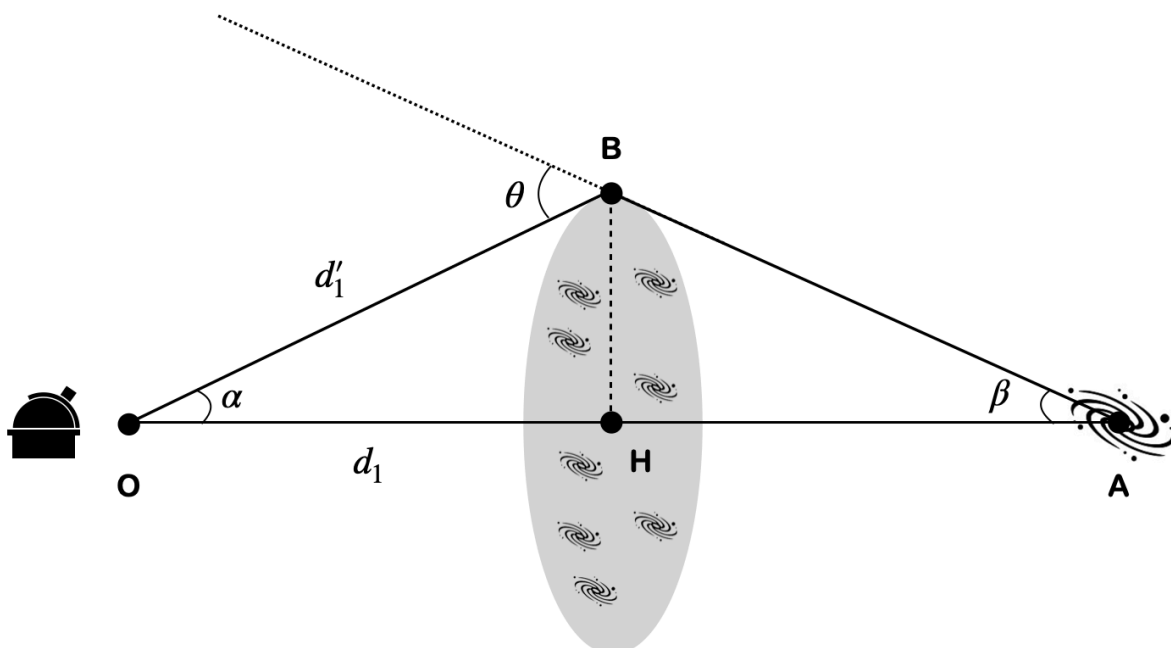
### Exercice 1 : Constante de Hubble

On va supposer la constante de Hubble connue :  $H_0 = 22 \text{ km/s/Mal}$  où Mal signifie méga-année-lumière. Il s'agit ici surtout de bien manipuler les unités.

1. Si on sait qu'une galaxie est à une distance  $d = 500 \text{ Mal}$ , quelle est sa vitesse de récession ?
2. Si on observe une galaxie ayant une vitesse de récession  $v = 18000 \text{ km/s}$ , donner une estimation de sa distance  $d$ .
3. Selon la théorie du Big Bang, toute la matière (qui compose maintenant les galaxies) était concentrée en un point à un instant  $t = 0$ . Si une galaxie est maintenant à une distance  $d$ , et en supposant que l'expansion s'est faite à vitesse constante selon la valeur de la constante  $H_0$ , comment estimer l'âge de l'univers  $T$  ?

### Exercice 2 : Lentille gravitationnelle, masse galactique et retard

On considère un ensemble formé d'une galaxie lointaine  $G_2$  (située en A sur la figure) et d'un énorme amas de galaxies massive  $G_1$ , de distribution approximativement sphérique, centré en H et s'étendant jusqu'à B (voir figure).



1. En prenant la valeur de la constante de Hubble  $H_0 = 70 \text{ km/s/Mpc}$ , et sachant que  $G_1$  et  $G_2$  s'éloignent du point d'observation à respectivement  $v_1 = 7,0 \cdot 10^4 \text{ km/s}$  et  $v_2 = 1,4 \cdot 10^5 \text{ km/s}$ , à quelle distance  $OH = d_1$  et  $OA = d_2$  se situent  $G_1$  et  $G_2$  ?
2. Connaissant la taille de  $G_2$ ,  $BH = R_2 = 1 \text{ Mpc}$ , déterminer l'angle  $BOH = \alpha$ . En comparant  $d_1$  et  $d_2$ , en déduire la valeur de  $\theta$ , l'angle de déviation des rayons lumineux causée par la masse de  $G_2$ .
3. Sachant que la relativité générale prévoit une déviation des rayons lumineux

$$\theta = \frac{4GM}{Rc^2} \text{ (en radians)}$$

déduire la masse de  $G_2$  en  $M_\odot$ .

4. Calculer la différence  $\Delta d = d'_1 - d_1$  où  $d'_1 = OB$ , en tenant compte de l'approximation :

$$\frac{1}{\cos(\alpha)} \simeq 1 + \frac{\alpha^2}{2}$$

5. Si une supernova explose dans la galaxie  $G_1$ , quelle différence de temps  $\Delta t$  observera-t-on entre le signal de l'explosion vu directement à travers  $G_2$  et celui qui aura été dévié par  $G_2$  ?

NB : données pas réalistes ! ( $R_2$  trop petit,  $\theta$  trop grand,  $M$  trop grand,  $\Delta t$  trop grand)

### Exercice 3 : Déviation de la lumière par le Soleil

Lors de l'éclipse totale de Soleil de 1919, A. Eddington et F. Dyson depuis Principe, et C. Davidson et A. Crommelin depuis Sobral au Brésil ont confirmé la théorie de la relativité générale en mesurant la déviation de la lumière venant d'étoiles dont la position dans le ciel étaient très proche du disque solaire. La déviation théorique  $\theta$  s'exprime (en radians) comme :

$$\theta \propto \frac{4GM_\odot}{dc^2}$$

où  $M_\odot$  est la masse du Soleil,  $d$  la distance entre le centre du Soleil et les rayons lumineux venant de l'étoile (que l'on approximera ici au rayon  $R_\odot$  du Soleil),  $G$  et  $c$  les constantes habituelles.

1. Calculer la valeur attendue (on approximera ici la distance  $d$  au rayon  $R_\odot$  du Soleil) et la comparer à l'erreur de mesure, estimée par Eddington à  $\Delta\theta = 0.45 \text{ arcsec}$  (rappel :  $1^\circ = 3600 \text{ arcsec}$ ).

2. Les instruments actuels atteignent une erreur de mesure  $\Delta\theta = 0,1$  mas (milli-arcsec). Serait-il possible de mesurer la déviation d'une étoile observée au voisinage proche de Jupiter ? de la Lune ?

#### Exercice 4 : Avance du périhélie de Mercure

Les observations montrent que le périhélie de Mercure précède lentement à la vitesse de  $5600.73 \pm 0.41$  arcsec/siècle. Ce phénomène peut-être expliqué par la présence des autres planètes du système solaire qui perturbent le mouvement de Mercure.

En 1882, Newcomb calcula que la vitesse de précession devait être de  $5557.62 \pm 0.20$  arcsec/siècle si on tenait compte des effets des autres corps du système solaire.

1. Ce calcul est-il compatible avec les observations ?

Pour expliquer ce désaccord, des astronomes proposèrent la présence d'une nouvelle planète, qu'ils baptisèrent Vulcain, située entre Mercure et le Soleil. Toutefois, cette planète n'a jamais été observée.

En 1915, Einstein appliqua sa récente théorie de la relativité générale au cas de Mercure et montra que l'orbite de Mercure devait précéder d'un angle  $\phi$  à chaque révolution avec :

$$\phi = \frac{6\pi GM_S}{c^2 a(1 - e^2)}$$

où  $M_S$  est la masse du Soleil,  $a = 5,8 \cdot 10^{10}$  m le demi grand axe de Mercure et  $e = 0,2$  l'excentricité de son orbite, dont la période de révolution est  $T = 88$  jours.

2. Vérifier que  $\phi$  est bien homogène à un angle.

3. Vérifier que cette valeur de  $\phi$  est bien compatible avec les observations.

\*\*\*\*\*

Données utiles :

$G = 6,67 \cdot 10^{-11}$  en unité du Système International

$1 \text{ pc} = 3,08 \cdot 10^{16} \text{ m}$

$1' = 4,85 \cdot 10^{-6} \text{ rad}$

$c = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$

$M_{\odot} = 2 \cdot 10^{30} \text{ kg}$  ;  $M_{Lune} = 7,34 \cdot 10^{22} \text{ kg}$  ;  $M_{Jup} = 1,90 \cdot 10^{27} \text{ kg}$

$R_{\odot} = 7 \cdot 10^8 \text{ m}$  ;  $R_{Lune} = 1,74 \cdot 10^6 \text{ m}$  ;  $R_{Jup} = 7,15 \cdot 10^7 \text{ m}$