

## Feuille de TD $N^o$ 2 : Listes-Piles

### 1 Listes-Piles : listes chaînées

Les opérations élémentaires sont :

- Tester si une liste est vide : `Test l == NULL`. À la rigueur, utilisation de la fonction bool `Estvide(liste l)`. Des écritures telles que `l == Vide`, `l est Vide`, `l == ∅`, `l == []` sont tolérées (pseudocode)
  - Initialisation d'une liste à vide : Affectation `l = NULL` ; À la rigueur : `void Initvide(inout liste *L)`. Des écritures telles que `l = Vide` ; `l = ∅` ; `l = []` ; sont tolérées.
  - Premier élément d'une liste : `(*l).valeur` ou `l->valeur`. À la rigueur : `élément premier(liste l)`  
La tentative d'accéder au premier élément d'une liste vide entraîne un plantage (Segmentation Fault).
  - Ajout d'un élément en tête de liste. Pour cela, il y a une fonction et une procédure :
    - La fonction `liste ajoute(x, liste l)` rend un pointeur liste pointant vers un nouveau bloc contenant la valeur  $x$  et un champs suite copie de  $l$ . La liste  $l$  n'est pas modifiée, n'est pas recopiée, son espace mémoire est partagé avec celui du résultat de `ajoute`. Cf. code dans le cours dans lequel il y a un (et un seul) `malloc`.
    - La procédure `empile(x, inout *L)` modifie la liste en insérant  $x$  en tête. Elle équivaut à `l = ajoute(x, l)` ;
  - Liste privée de son premier élément :
    - Accès à la suite de la liste : `(*l).suite` ou `l->suite`. À la rigueur : `liste suite(liste l)`  
La liste  $l$  n'est pas modifiée, elle n'est pas recopiée, son espace mémoire est partagé avec celui du résultat de `suite`. Il n'y a pas de désallocation mémoire (pas de `free`). C'est comme si on tournait la page d'un livre.
    - La procédure `depile(inout *L)` modifie la liste en enlevant son premier élément, lequel est désalloué, i.e. rendu à la mémoire. Cf. code dans le cours, qui inclut un `free`. C'est comme si on arrachait la page d'un livre.
    - "PointeurSuite" : Lorsque l'on appelle récursivement sur `suite(l)` une procédure qui modifie les listes, on ne peut pas utiliser le passage par valeur. Il faudra donc faire un "PointeurSuite" et montrer les `*` et les `&`. Il faudra utiliser et comprendre des écritures telles que `&(*L).suite` ou `&(*L)->suite`.
- La tentative de faire `suite`, `depile` ou `PointeurSuite` sur une liste vide entraîne un plantage (Segmentation Fault).

Écrire les fonctions et procédures suivantes :

1. **Doubleton (l)** qui rend vrai ssi  $l$  contient exactement deux éléments (éventuellement identiques)
2. **Affiche (l)** qui affiche les éléments dans l'ordre.
3. **ehciffA (l)** qui affiche les éléments dans l'ordre inverse (dit aussi "ordre miroir")
4. **Copie (l)** qui rend une liste représentant la même liste mathématique que  $l$ , mais avec des blocs indépendants et neufs.
5. **LongueurK (k,l)** qui rend vrai ssi la longueur de  $l$  est  $k$
6. **ComptageOccurrences** qui prend deux listes  $m$  et  $t$  de lettres,  $m$  étant interprété comme un mot, et  $t$  comme un texte, et rend le nombre d'apparitions du mot  $m$  dans le texte  $t$ . Exemple:  
`ComptageOccurrences([a, b, c, a, b], [b, a, b, c, a, b, b, b, a, a, b, c, a, b, c, a, b])` rend 3.
7. **AjouteTrie(...)** qui prend pour arguments  $x$  et une liste  $l$  supposée triée et y insère  $x$  (le résultat étant trié, bien sûr). Faire deux versions: une version fonction (rend la nouvelle liste) et une version procédure (modifie  $l$ ).
8. **EliminePremiereOccurrence** qui prend en argument une liste  $l$ , un élément  $x$  et modifie  $l$  en y éliminant la première occurrence de  $x$ . (Si  $x$  n'apparaît pas dans  $l$ , la procédure ne fait rien.)
9. **ElimineToutesOccurrences** qui prend en argument une liste  $l$ , un élément  $x$  et modifie  $l$  en y éliminant toutes les occurrence de  $x$ .
10. **ElimineDerniereOccurrence** qui prend en argument une liste  $l$ , un élément  $x$  et modifie  $l$  en y éliminant la dernière occurrence de  $x$ . (Si  $x$  n'apparaît pas dans  $l$ , la procédure ne fait rien.) Ne faire qu'une seule passe.
11. **DernierePosition(l,x)** rend la position de  $x$  dans la liste  $l$  (par exemple 4 si  $x = 8$  et  $l = [4, 3, 1, 8, 9]$ ). Si  $x$  n'apparaît pas dans la liste, la fonction rendra 0. Si  $x$  apparaît plusieurs fois, la fonction rendra la position de la dernière occurrence. Écrire une version récursive sans sous-fonction, une itérative et une récursive terminale.
12. **Pif(l)** qui rend le nombre d'éléments qui sont égaux à ((leur position depuis le début) fois (leur position depuis la fin)). Exemple, `Pif([2,8,7,0,5])` rendra 2 (cf. le 8 ( $=2*4$ ) et le 5 ( $=5*1$ )). Ne faire qu'une seule passe.
13. **Swap (...)**, qui intervertit les deux premiers blocs de  $l$ . Si  $l$  vaut `[23,47,19,42,69,97,33]` avant l'appel, elle vaut `[47,23,19,42,69,97,33]` après.

14. Que calcule la fonction Truc ? :

<pre>Pof (inout * P, in l, out * Resultat) si L est vide alors *Resultat = vrai else Pof(P, l-&gt;suite, Resultat)     si *P-&gt;valeur ≠ l-&gt;valeur alors *Resultat = faux     *P = (*P)-&gt;suite</pre>	<pre>bool Truc(l) bool resultat ; liste p = Ll ; Pof (inout &amp; p, in l, out &amp; resultat) ; rendre resultat ;</pre>
---	--

15. **fusion (l1,l2)** qui rend l'union triée des listes  $l_1$ ,  $l_2$  en argument, supposées triées.

16. **Fmiroir** et **Pmiroir** qui prennent une liste en argument. La première est une fonction qui rend une copie miroir. La seconde est une procédure qui transforme  $l$  en son miroir. Miroir de *algorithme*, c'est *emhtirogla*.

17. Une liste  $l = (x_1, \dots, x_n)$  est un interclassement de  $l_1$  et de  $l_2$  ssi on peut partitionner  $[1..n]$  en deux parties  $I$  et  $J$  telle que  $l_1$  soit la sous-liste des éléments de  $L$  dont les indices sont dans  $I$ ,  $l_2$  celle des éléments dont les indices sont dans  $J$ . Par exemple, la liste des interclassements de  $[1, 2, 3]$  et de  $[4, 5]$  est

$[1, 2, 3, 4, 5], [1, 2, 4, 5, 3], [1, 4, 5, 2, 3], [4, 5, 1, 2, 3], [1, 2, 4, 3, 5], [1, 4, 2, 5, 3], [4, 1, 5, 2, 3], [1, 4, 2, 3, 5], [4, 1, 2, 5, 3], [4, 1, 2, 3, 5]$

Écrire le pseudo-code de **Interclassements** qui prend en argument  $l_1$  et  $l_2$  et rend la liste des interclassements de  $l_1$  et de  $l_2$  (Si  $l_1$  et  $l_2$  ont des éléments en commun, il est autorisé et normal d'obtenir plusieurs fois une même liste. Par exemple,  $[1, 2, 2, 3]$  devrait apparaître deux fois dans **Interclassements** de  $[1, 2]$  et de  $[2, 3]$ )

## Feuille de TD N° 3 : Listes chaînées et pointeurs

**2 & et \***                      Comparez  $\&n$  et  $n$ .                      Comparez  $\&(*p)$  et  $p$ .

**3 Echange**                      Que font les programmes suivants ?

<pre>void echange_1 (int x, int y) { int tmp ; tmp = x ; x = y ; y = tmp ; }  void main() { int a = 2 ; int b = 3 ; echange_1(a,b) ; printf("%d %d\n",a,b) ; }</pre>	<pre>void echange_2 (int *x, int *y) { int *tmp ; tmp = x ; x = y ; y = tmp ; }  void main() { int a = 2 ; int b = 3 ; echange_2(&amp;a,&amp;b) ; printf("%d %d\n",a,b) ; }</pre>	<pre>void echange_2 (int *x, int *y) { int *tmp ; tmp = x ; x = y ; y = tmp ; }  void main() { int a = 2 ; int b = 3 ; echange_2(a,b) ; printf("%d %d\n",a,b) ; }</pre>
<pre>void echange_3 (int *x, int *y) { int tmp ; tmp = *x ; *x = *y ; *y = tmp ; }  void main() { int a = 2 ; int b = 3 ; echange_3(&amp;a,&amp;b) ; printf("%d %d\n",a,b) ; }</pre>	<pre>void echange_3 (int *x, int *y) { int tmp ; tmp = *x ; *x = *y ; *y = tmp ; }  void main() { int a = 2 ; int b = 3 ; echange_3(a,b) ; printf("%d %d\n",a,b) ; }</pre>	<pre>void echange_4 (int *x, int *y) { int *tmp ; *tmp = *x ; *x = *y ; *y = *tmp ; }  void main() { int a = 2 ; int b = 3 ; echange_4(&amp;a,&amp;b) ; printf("%d %d\n",a,b) ; }</pre>

**4**                      Que pensez-vous des codes suivants ?

<pre>void FactBis (int n, out int *R) si n == 0 alors *R = 1 ; sinon { *R = (*R)*n ;         FactBis(n-1,R) ; }</pre>	<pre>int Factorielle1 (int n) int r ; int * p = &amp;r ; FactBis(n,p) ; rendre r ;</pre>	<pre>int Factorielle2 (int n) int * p = (int*) malloc(sizeof(int)) ; FactBis(n,p) ; rendre *p ;</pre>
---	--	---