

# Feuille 2 : à retourner :

## o Espaces vectoriels :

\* Def (ex-14)

exemples :  $\mathbb{R}$ ,  $\mathbb{R}^2$ ,  $\mathbb{R}^3$ ,  $\mathbb{R}^n$ ,  $M_2(\mathbb{R})$ ,

$M_n(\mathbb{R})$ ,  $M_{2,3}(\mathbb{R})$ ,  $\mathbb{P}_2$  (ou  $\mathbb{R}_2[X]$ ),

$\mathbb{R}[X]$ ,

ensemble des polynômes

ensemble des polynômes de degré  $\leq$

$F(\mathbb{R}, \mathbb{R})$ ,

ensemble des fonctions  
définies sur  $\mathbb{R}$  et à valeurs dans  $\mathbb{R}$ .

$\mathcal{C}^0(\mathbb{R}, \mathbb{R})$ ,

fonctions continues

$\mathcal{L}(E, F)$

ensemble des applications lin.  
de  $E$  vers  $F$

\* Sous-espace vectoriel :

$E$  est un sous-espace vectoriel (SEV)

si :

- $E$  n'est pas vide

- $E$  est inclus dans un EV

- $E$  est stable par addition et multiplication par un scalaire

(si  $v_1, v_2 \in E$  et si  $\lambda \in \mathbb{R}$ ,  
alors  $\lambda v_1 + v_2 \in E$ ).

\* un vecteur : n'importe quel élément qui est dans un EV.

## • Ensembles :

- $E \cap F, E \times F, E + F$

- $E \subset F$

→ maîtriser le "squelette" de la démonstration d'une inclusion.

- $E \subset F$  et  $F \subset E \Leftrightarrow E = F$

## • Applications linéaires : $f: E \rightarrow F$

- $\text{Ker}(f) = \{ v \in E \mid f(v) = 0 \}$

- $\text{Im}(f) = \{ f(v) \mid v \in E \}$

- Si  $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$   
connaître  $f\left(\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}\right)$  et  $f\left(\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}\right)$  suffit  
de connaître toute la transformation  $f$ .