CHIMIE ET PHYSICOCHIMIE DES POLYMERES

M2 « Pharmacotechnie et biopharmacie »

Florence Agnely Université Paris-Saclay UMR CNRS 8612 Institut Galien Paris-Saclay Faculté de Pharmacie 17 avenue des Sciences 91400 Orsay florence.agnely@universite-paris-saclay.fr



FACULTÉ DE PHARMACIE

Chapitre 4 Les polymères en solution : approche thermodynamique

I. Rappels sur la thermodynamique des mélanges

- G = H TS
- G : enthalpie libre
- H: enthalpie
- T: température
- S : entropie
- Variation de potentiel chimique :

$$\Delta \mu_{i} = \left(\frac{\partial \Delta \boldsymbol{G}_{m}}{\partial \boldsymbol{N}_{i}}\right)_{T,P,N_{j} \neq N_{i}}$$

Enthalpie libre de mélange :

$$\Delta \boldsymbol{G}_{m} = \boldsymbol{G}_{m} - \boldsymbol{G}_{0} = \Delta \boldsymbol{H}_{m} - \boldsymbol{T} \Delta \boldsymbol{S}_{m}$$

A T et P constantes un système évolue de façon à minimiser son enthalpie libre



Cas des solutions idéales

$$\Delta H_{m} = 0 \qquad \Rightarrow \Delta G_{m} = -T\Delta S_{m}$$

Soluté = petite molécule



1 solvant 2 soluté Soluté = macromolécule



Se Miscibilité en toute proportion

Cas des solutions régulières

 $\Delta H_m \neq 0$ mais proche de $k_B T$

 \Rightarrow pas de modification de ΔS_m par rapport au cas des solutions idéales

$$\Delta \boldsymbol{G}_{m} = \Delta \boldsymbol{H}_{m} - \boldsymbol{T} \Delta \boldsymbol{S}_{m}$$

♦ Pas nécessairement miscibilité en toute proportion

II. Approche de Hildebrand $\Delta H_{m} = V \phi_{1} \phi_{2} (\delta_{1} - \delta_{2})^{2}$ $\delta_{1} = \sqrt{\frac{E_{vap1}}{V_{1}}} \qquad \delta_{2} = \sqrt{\frac{E_{vap2}}{V_{2}}}$ $\delta \text{ paramètre de solubilité en } (J.m^{-3})^{\frac{1}{2}}$

 $cal^{\frac{1}{2}}.cm^{-\frac{3}{2}}$

Miscibilité en toutes proportions $\Rightarrow \quad \delta_{\rm 1} \approx \delta_{\rm 2}$

🏷 Appariement des paramètres de solubilité

Règle empirique : $|\delta_1 - \delta_2| < 1(cal.cm^{-3})^{1/2}$

III. Théorie de Flory-Huggins

$$\Delta H_m = RTN_1 \phi_2 \chi_{12}$$

 χ_{12} : Paramètre d'interaction de Flory

Qualité d'un couple polymère-solvant à T donnée



 χ_{12} et paramètres de solubilité

$$\Delta H_{m} = \mathsf{RTN}_{1} \phi_{2} \chi_{12}$$

$$\Delta H_{m} = \mathsf{V} \phi_{1} \phi_{2} (\delta_{1} - \delta_{2})^{2} \int \chi_{12} = \frac{\mathsf{v}_{1} (\delta_{1} - \delta_{2})^{2}}{\mathsf{RT}}$$

 $\text{Meilleure condition de solubilité}: \quad \chi_{12} = \mathbf{0} \Leftrightarrow \delta_1 = \delta_2$

IV. Solutions diluées de polymère

Approche du réseau non valable





On calcule :

$$\Delta \boldsymbol{\mu}_{1} = \left(\frac{\partial \Delta \boldsymbol{G}_{m}}{\partial \boldsymbol{N}_{1}}\right)_{\text{T,P,N}_{2}}$$

V_h: volume hydrodynamique

Développement du viriel

Rh

$$\left|\Delta\mu_{1}\right| = RTv_{1}c\left[\frac{1}{M} + A_{2}c + ...\right]$$

c : concentration massique en polymère (g/cm³)

M : masse molaire du polymèreV₁ : volume molaire du solvant

$$A_2 \propto \left(rac{1}{2} - \chi_{12}
ight)$$

A₂ > 0 : bon solvant

A₂ < O : non solvant

$$A_2 = 0$$
 : solvant θ

Chapitre 5 Les polymères en solution diluée

I. Les différents régimes de concentration



Pelote de polymère

II. Qualité d'un couple polymère-solvant à T donnée

Caractérisation de la qualité d'un couple polymère-solvant à T donnée en utilisant des paramètres thermodynamiques :

>Le paramètre d'interaction de Flory : χ_{12}

>Le second coefficient du viriel : A_2

$$|\Delta \mu_{1}| = RTv_{1}c\left[\frac{1}{M} + A_{2}c + ...\right] \qquad \begin{array}{l} \Delta \mu_{1} : \text{ variatily} \\ \text{du solvant} \\ \text{c : concentry} \\ \text{polymère (g)} \\ \text{M : masse in } \\ \text{v}_{1} : \text{volume relation} \end{array}$$

 $\Delta \mu_1$: variation de potentiel chimique du solvant

c : concentration massique en polymère (g/cm³)

$$v_1$$
: volume molaire du solvant

 $A_2: 2^{eme}$ coefficient du viriel

$$A_{2} = 0,5 \quad Mauvais \quad Non \ solvant = \chi_{12} = \chi_{12}$$

$$A_{2} = 0 \quad A_{2} = 0 \quad A_{2} < 0$$

III. Dimensions des chaînes flexibles : définitions

Hypothèse : Chaîne : N segments de longueur a



> Ecart quadratique moyen entre extrémités :

$$\left< \vec{r}^2 \right>$$

 $\vec{r} = \sum_{i=1}^{n} \vec{a}_{i}$

i=1

> Distance quadratique moyenne :

$$\left\langle \vec{r}^{2} \right\rangle^{\frac{1}{2}} = \sqrt{\left\langle \vec{r}^{2} \right\rangle}$$

 \succ Rayon de giration R_g

$$R_{g} = \left\langle \frac{1}{N} \sum_{i=0}^{N} \vec{s}_{i}^{2} \right\rangle^{\frac{1}{2}}$$



Pour une chaîne flexible :

$$\mathbf{R_g} = \frac{1}{\sqrt{6}} \left\langle \vec{r}^2 \right\rangle^{\frac{1}{2}}$$

IV. Chaîne à enchaînements libres : pelote statistique idéale

Hypothèses :

-Chaîne : N segments de longueur a

 Les segments n'ont pas de volume → peuvent se couper ou occuper la même position



Ecart quadratique moyen entre extrémités :

$$\sqrt{\langle \vec{r}^2 \rangle} = N^{\frac{1}{2}} a$$

> Rayon de giration R_g :

$$R_g = \frac{1}{\sqrt{6}} N^{\frac{1}{2}} a$$

V. Conformation des chaînes réelles

-angles de valence entre les atomes de la chaîne -*interactions de volume exclu* : les substituants ont un volume et ne peuvent occuper la même position de l'espace -influence de la qualité du solvant sur la conformation de la chaîne en solution



- -Bon solvant : dilatation de la chaîne
- -Mauvais solvant : contraction de la chaîne
- -Solvant thêta : pelote statistique idéale

A) Conformation en solvant thêta

Exacte compensation entre les forces d'attraction segment-segment et les effets de volume exclu \rightarrow pelote statistique idéale avec intersection possible des segments

Dimensions de la chaîne non perturbée

$$\left\langle \vec{r}_{0}^{2} \right\rangle^{\frac{1}{2}} = N^{\frac{1}{2}}a$$

$$\mathbf{R_g}^0 = \frac{1}{\sqrt{6}} \mathbf{N}^{\frac{1}{2}} \mathbf{a}$$

$$\mathbf{R_g}^0 = \frac{1}{\sqrt{6}} \frac{\sqrt{\mathbf{M}}}{\sqrt{\mathbf{M}_0}} \mathbf{a}$$

Avec : M masse molaire de la chaîne M_0 masse molaire d'un segment

B) Conformation en bon solvant

Interactions polymère-solvant favorables -> conformation étendue

 $R_g = \alpha R_g^{0}$ α : coefficient d'expansion $\alpha \ge 1$

Cas limite d'un très bon solvant : pas d'intersection entre les segments

$$\left\langle \vec{r}^{2} \right\rangle^{\frac{1}{2}} = N^{\frac{3}{5}}a$$
 (rayon de Flory)

$$R_g = \frac{1}{\sqrt{6}} N^{\frac{3}{5}} a$$

C) Conformation en mauvais solvant

Interactions polymère-polymère favorables -> conformation repliée

 $R_g = \frac{1}{\sqrt{6}} N^{\frac{1}{3}} a$

conformation en globule

D) Résumé



Calcul d'ordre de grandeur :

VI. Cas des polyélectrolytes

Comportement complexe :

≻influence de l'ionisation du polyélectrolyte %pH si polyélectrolyte faible

>influence de la force ionique, I
 ♥des sels ajoutés
 ♥du polymère lui-même
 (contribue à augmenter la force ionique→ influence de c)

En l'absence de sel ajouté et à faible concentration en polymère



Répulsions électrostatiques Entropie des contre-ions faible

Conformation étendue Entropie des contre-ions + élevée En présence de sel ajouté ou à concentration en polymère plus élevée



VII. Cas des protéines



Liaison H, ponts disulfures, association hydrophobes

La plupart des protéines ont une conformation globulaire



Structures en hélice

Interactions électrostatiques

Encombrement stérique

IX. Etude de la dimension des polymères par diffusion de la lumière

A) Diffusion de la lumière statique



Exemple : variations de R_g en fonction de la concentration en NaCl pour du polystyrène sulfonate





ŚO₃ Na⁺

B) Diffusion de la lumière dynamique

Particules ou macromolécules :

mouvement brownien, coefficient de diffusion D



Fluctuation de la lumière diffusée par les particules Interférences constructives si Δx est multiple de λ .

$$(\Delta x)^2 = 2D\tau$$

Mesure des fluctuations de l'intensité diffusée au cours du temps 26

Objectif :



Loi de Stokes-Einstein

 $G(\tau) = 1 + \exp(-2DK^2\tau) \implies D \implies D = \frac{k_B T}{6\pi\eta R_h} \implies R_h$

R_h : rayon hydrodynamique de la macromolécule rayon de la sphère équivalente à la molécule du point de vue des propriétés d'écoulement C) Lien entre R_h et R_g



Pour un polymère neutre en solvant thêta

$$\frac{R_h}{R_g} = 0,665$$

R_g Pour un polymère neutre en bon solvant

$$\frac{R_{h}}{R_{g}} = 0,640$$

$$R_h \approx 0.6R_g$$

Exemple : comportement en solution aqueuse diluée de chaînes de polyacrylate de sodium en présence de NaCl



D'après R. Schweins, J. Hollmann, K. Huber, Polymer, 2003, 44, 7131-7141

X. Viscosimétrie des solutions diluées de polymère

Pour les dispersions ou les solutions suffisamment diluées pour présenter un comportement newtonien on peut définir :

➢ Viscosité relative

 $\eta_r = \frac{\eta}{\eta_s}$ où η_s est la viscosité newtonienne du solvant

➤Viscosité spécifique

$$\eta_{sp} = \frac{\eta - \eta_s}{\eta_s} = \eta_r - 1$$

≻Viscosité intrinsèque

$$[\eta] = \lim_{c \to 0} \frac{\eta_{sp}}{c} = \lim_{c \to 0} \frac{\eta - \eta_s}{\eta_s c}$$

La dimension de $[\eta]$ est l'inverse d'une concentration !!!

A) Equation de Flory et Fox

Dans les conditions thêta

$$[\eta]_{\Theta} = \Psi \frac{\left(R_g^{0}\right)^3}{M} \quad \text{avec} \quad \Psi = 3,7 \cdot 10^{24} \text{ mol}^{-1}$$

$$\mathbf{R}_{g}^{0} = \left[\frac{[\boldsymbol{\eta}]_{\theta}\mathbf{M}}{\Psi}\right]^{\frac{1}{3}}$$

Ø

B) Equation de Mark-Houwink-Sakurada

 $\left[\eta\right]\!=\!KM^{a}$

K et a sont des constantes qui dépendent du couple polymère/solvant et de T

≻Valeurs de a :

- 0,5 : pelote statistique (conditions thêta)
- 0,7-0,8 : chaîne flexible en bon solvant
- >1 : chaîne rigide

>Exemples de coefficients :

-polyoxyéthylène/eau $T = 25^{\circ}C$ a = 0,73 K = 2,7 10⁻² mL/g

-polyisobutylène/benzène T = 24°C a = 0,50 K = 8,3 10⁻² mL/g

C) Cas des solutions polymoléculaires

Les équation de Flory et Fox et Mark-Houwink-Sakurada sont inchangées si on remplace M par $\overline{\mathbf{M}}_v$

$$\overline{\mathbf{M}}_{v} = \left[\frac{\sum_{i=1}^{p} n_{i} M_{i}^{a+1}}{\sum_{i=1}^{p} n_{i} M_{i}}\right]^{\frac{1}{a}}$$

 $\overline{\mathbf{M}}_{\mathbf{v}}$: masse molaire moyenne viscosimétrique

$$\overline{M}_n \leq \overline{M}_v \leq \overline{M}_w$$

et
$$\overline{\mathrm{M}}_{\mathrm{v}} = \overline{\mathrm{M}}_{\mathrm{w}}$$
 pour a = 1

D) Equation de Huggins

$$\frac{\eta_{\rm sp}}{c} = [\eta] + k' [\eta]^2 c$$

k' : constante de Huggins fonction du couple polymère-solvant et de T

```
pour les polymères flexibles 0,3 < k' < 1
k' = 0,3 bon solvant
k' = 0,5-1 mauvais solvant
k' élevé : interactions intermoléculaires ou intramoléculaires
```

E) Exploitation expérimentales des équations

>Détermination expérimentale de la viscosité intrinsèque par viscosimétrie capillaire



>Utilisation de l'équation de Mark-Houwink-Sakurada

✓ Si 2 fractions de M connue d'un même polymère
 → détermination de K et a → caractérisation de la qualité du solvant pour le polymère à T

✓Si K et a connus → détermination de \overline{M}_v pour un échantillon de masse inconnue

>Utilisation de l'équation Flory et Fox

 ✓ Détermination du rayon de giration de giration de la chaîne non perturbée (dans les conditions thêta)

$$\mathbf{R}_{g}^{0} = \left[\frac{[\boldsymbol{\eta}]_{\theta}\mathbf{M}}{\Psi}\right]^{\frac{1}{3}}$$

F) Viscosimétrie des polyélectrolytes



G) Exemples

Détermination de la masse molaire moyenne viscosimétrique du chitosane

Pour le chitosane dans le système de solvant CH₃COOH 0,1 M/NaCl 0,2 M à 25°C (Roberts et Domszy, Int. J. Biol. Macromol., 1982, 4, 374-379):

$$K = 1.81 \times 10^{-3} \text{ mL/g}$$

a = 0.93



g/mol

Exemple du polystyrène dans des solvants de différents paramètres de solubilité

Rappel:
$$\delta_{\text{polystyrène}} = 8.7 \text{ cal}^{\frac{1}{2}} \text{ cm}^{-\frac{3}{2}}$$

$[\eta](cm^3/g)$
110
112
120
128
140
150
130
125
114
112
110

40



Chapitre 6 Les polymères en solution semi-diluée

I. Les différents régimes de concentration pour les chaînes de polymères linéaires et flexibles



II. Détermination de la concentration de recouvrement critique c*



c*

44

concentration macroscopique globale c^{*} = concentration au sein d'une sphère de rayon R_q

$$c* = \frac{M}{N_{A} \left(\frac{4}{3} \pi R_{g}^{3}\right)}$$

Exemple de calcul de c^{*} : polystyrène de masse molaire 3.10^5 g/mol, R_g= 21 nm, c^{*} ?

III. Variations de la viscosité des solutions de polymère en fonction de la concentration

A) Polymère neutre en bon solvant



B) Polymère chargé en bon solvant - influence de C_s



Répulsions électrostatiques défavorables aux enchevêtrements

C) Exemples

Variations de la viscosité spécifique de solutions aqueuses de copolymères alternés d'isobutylène et de maléate de sodium



D'après E. Di Cola et al. Macromolecules 2004

Variations de la viscosité spécifique en fonction de la concentration en hyaluronate de sodium en présence de sel (tampon phosphate) à 25°C





D'après W. E. Krause, E. G. Bellomo, R. Colby, Biomacromolecules, 2001, 2, 65-69

Figure 3. Concentration dependence of the specific viscosity of NaHA in phosphate-buffered saline at 25 °C. Inset: Literature data (open squares, $M_{\rm W} = 1.5 \times 10^6$ at 20 °C;²² open triangles, $M_{\rm W} = 1.5 \times 10^6$ at 30 °C;²² filled diamonds, $M_{\rm W} = 1.435 \times 10^6$ at 25 °C;²³ shaded circles, $M_{\rm W} = 1.35 \times 10^6$ at 25 °C,²⁴ all in 0.1 M NaCl; solid lines, this work).

IV. Variations de la viscosité des solutions des protéines globulaires en fonction de la concentration

Les solutions de protéines globulaires se comportent plutôt comme des suspensions concentrées (objets impénétrables)

Équation de Mooney généralisée Variations de la viscosité en fonction de la concentration en immunoglobuline monoclonale MAb2 $\eta_{\rm r} = \exp\left|\frac{[\eta]c}{1 - \frac{K}{2}[\eta]c}\right|$ viscosity (mPas Ajustement 10 de Mooney 8 6 Pour des sphères dures 2 S = 2,50 150200 501000 $K = 1,35 = 1/\phi_{max}$ concentration (mg/ml)

S > 2,5

Pour des objets non sphériques D'après S. Kanai, J. Liu, T. W. Patapoff, S. J. Shire, J. Pharmaceutical Sciences, 2008

49

Chapitre 7 Détermination des masses molaires

I. Rappels

En raison de la polymolécularité, on utilise des valeurs moyennes :

A) La masse molaire moyenne en nombre B) La masse molaire moyenne en masse $\overline{\mathbf{M}}_{v} = \left[\frac{\sum_{i=1}^{p} n_{i} M_{i}^{a+1}}{\sum_{i=1}^{p} n_{i} M_{i}}\right]^{\frac{1}{a}}$ C) La masse molaire moyenne viscosimétrique

Mesure de $[\eta]$ et utilisation de l'équation de Mark-Houwink-Sakurada₅₁



II. Principales méthodes de mesure des masses molaires moyennes en nombre et en masse

Méthode	Domaine de masse molaire (g/mol)	Valeur moyenne
Dosage des extrémités de chaîne par RMN	< 10 ⁴	$\overline{\mathbf{M}_{n}}$
Osmométrie	10 ⁴ -10 ⁵	$\overline{\mathrm{M}_{\mathrm{n}}}$
Diffusion de la lumière	10 ³ -10 ⁶	$\overline{\mathrm{M}_{\mathrm{w}}}$
Chromatographie d'exclusion stérique (SEC)	10 ² -10 ⁵	$\overline{\mathrm{M}_{\mathrm{n}}}$ $\overline{\mathrm{M}_{\mathrm{w}}}$ I_{p}
Spectrométrie de masse MALDI-TOF	10 ² -10 ⁶	$\overline{M_n} \ \overline{M_w} \ I_p$

III. Osmométrie

Rappel : potentiel chimique

$$\mu_1^{\text{solution}} = \mu_1^0(\mathbf{p}, \mathbf{T}) + \mathbf{RT} \ln \mathbf{x}_1$$

 $\mu_1^{0}(p,T)$: potentiel chimique du solvant pur

$$\Delta \mu_1 = \mu_1^{\text{solution}} - \mu_1^0(\mathbf{p}, \mathbf{T}) = \mathbf{RT} \ln \mathbf{x}_1$$

On appelle propriétés colligatives les propriétés qui découlent de l'abaissement du potentiel chimique du solvant lors de l'opération de mélange solvant-soluté

Existence d'un équilibre osmotique entre solvant et soluté = propriété colligative



À l'équilibre
$$\Pi v_1 = -\Delta \mu_1$$

 $|\Delta \mu_1| = RTv_1c \left[\frac{1}{M} + A_2c + ...\right]$
 $\Pi = RTc \left[\frac{1}{M} + A_2c + ...\right]$

Μ

M : masse molaire du soluté

c : concentration massique du soluté

A₂ : second coefficient du viriel, caractérise les interactions soluté/solvant



Pour un échantillon polymoléculaire, la masse molaire mesurée par une expérience d'osmométrie est la masse molaire moyenne en nombre :

IV. Diffusion de la lumière statique (SLS)



Pour un échantillon polymoléculaire, la masse molaire mesurée par une expérience de diffusion de la lumière est la masse molaire moyenne en masse :

V. Chromatographie d'exclusion stérique (SEC) A) Principe



V₀ : volume intersticiel V_p : volume poreux total V_g : volume du gel Volume total de la colonne V_0 V_p V_g Volume accessible au solvant B) Mécanisme d'exclusion stérique



Si V_e > V₀ +V_p interaction du polymère avec le gel 58

C) Courbe d'étalonnage simple



Courbe valable pour :



-polymère de même nature chimique

-même solvant

-même température

> Changement de la qualité du solvant



1 moins bon solvant que 2

D) Courbe d'étalonnage universelle

Le principe de la séparation repose sur la différence de volume hydrodynamique $V_{\rm h}$

 $V_{h} \propto \left[\eta\right]\!\!M$



E) Les détecteurs

≻réfractomètre différentiel
Hauteur du signal H_i = kc_i
≻détecteur viscosimétrique
Loi de Poiseuille :
ΔP = ⁸/_π ¹/_{r⁴} ηQ
≻Diffusion de la lumière



62

F) Détermination des masses molaires moyennes



G) Principe de la triple détection



VI. La spectrométrie de masse MALDI-TOF

MALDI-TOF : matrix assisted laser desorption -time of flight



Exemple : spectrogramme MALDI-TOF du PEG 6000

