Exercice 1

1-Pour l'étude d'une poudre A possédant une activité enzymatique, on en dissout 0,1 g dans une solution tampon convenable et on complète à 100 mL (solution B). Les mesures d'activité enzymatique s'effectuent dans les conditions standardisées pour la définition de l'unité internationale (U) sur une prise d'essai de 0,01 mL de solution B complétée à 10 mL de solution de substrat (S). Ces conditions conventionnelles précisent notamment que la concentration en substrat du milieu d'incubation est de 10 Km et le temps d'incubation est fixé à 2 min. On donne K_m de l'enzyme pour le substrat = $10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$ et K_{cat} ou $k + 2 = 4,4 \cdot 10^5 \text{ min}^{-1}$

2-On prépare une solution C à partir de 1 g de A, le reste du protocole étant identique.

a-Quelle est l'activité enzymatique théorique ?

3 Les conditions conventionnelles sont modifiées ($S = K_m$ et le temps d'incubation est fixé à 30 secondes), les autres paramètres étant inchangés. Calculer les concentrations catalytiques des solutions B et C et de la poudre A. Commenter.

3-Calculer la concentration en enzyme (E)t dans la solution B

2.a solution C 10 g/L de poudre A $\rightarrow$ AE cuve $\times 10 = 2\,500\,000 \mu\text{mol/L/min}$

b anciennes conditions $[S] = 10 K_m \rightarrow 10/11 V_{\text{max}}$ $CC_B = 250\,000 \text{ U/L}$
nouvelles conditions $[S] = 1 K_m \rightarrow 1/2 V_{\text{max}}$

Nouvelle $CC_B = (1/2 * 250\,000) / (10/11) = 137\,500 \text{ U/L}$

Idem pour C $CC_C = 1\,375\,000 \text{ U/L}$

Idem pour A $CC_A = 137\,500 \text{ U/g}$

(rq : 1 même poids d'enzyme donne des Conc. Catal. différentes selon les conditions opératoires)

3. $[E]_B = ?$

$V_{\text{max}}_B = K_{\text{cat}} [E]_B \rightarrow 11/10 * 250\,000 \cdot 10^{-6} = 4,4 \cdot 10^5 [E]_B$

$[E]_B = 62,5 \cdot 10^{-8} \text{ M}$

4-La concentration en protéines totales dans la solution B est de 0,25 g/L.

a-Calculer la quantité catalytique spécifique (ou activité spécifique) dans la solution B selon les premières conditions conventionnelles ($S = 10 \text{ Km}$).

b-Sachant que la masse moléculaire de l'enzyme est de 200 kDa, calculer le pourcentage d'impuretés protéiques dans la poudre A.

4 a Quantité catalytique spécifique = $AS_B = CC_B/[prot]_B = 250\,000/0,25$
= 1 000 000 U/g de protéine

b MM = 200 kDa (ou 200 000 g/mole)
 $[E]_B = 62,5 \cdot 10^{-8} \text{ M}$ ce qui représente = 0,125 g/L

Or $[prot]_B = 0,25 \text{ g/l}$ soit 50% impureté dans B

Pdre A : 1 g de A contient 0,25 g/L de PT (dont 0,125 g/L d'impuretés protéiques) et forcément 0,75 g/L d'excipient donc 12,5 % d'impureté protéique

Exercice 2

On veut doser l'activité LDH (lactate déshydrogénase). Les conditions opératoires sont les suivantes. Introduire dans une cuvette de 1 cm thermostatée :

- 3 mL d'une solution de pyruvate 0,63 mM en tampon phosphate 50 mM, pH 7,5
- 0,05 mL d'une solution de NADH 11,3 mM ;
- 0,10 mL d'échantillon sérique.

Agiter et lire les absorbances à 340 nm toutes les minutes pendant 5 min.

Les résultats obtenus sont les suivants :

Temps (min) :	1	2	3	4	5
DO (340 nm) :	0,922	0,722	0,522	0,342	0,202

1. -Calculer les concentrations molaires en NADH₂ et pyruvate **dans le milieu réactionnel** (après addition du sérum) au départ de la réaction (t = 0).

pyr (0.63 mM):	3000 µL	dil 3000/3150
NADH (11.3 mM):	50 µL	dil 50/3150
vol PE :	100 µL	dil 100/3150
vol total ou mel react:	3150 µL	

1. $[\text{NADH}]_{\text{MR}} = 11.3 \times 50/3150 = 179,4 \mu\text{M}$
2. $[\text{pyruvate}]_{\text{MR}} = 0.63 \times 300/3150 = 600 \mu\text{M}$

2. En déduire l'absorbance théorique à 340 nm au temps $t = 0$ (on suppose que le sérum et le pyruvate n'absorbent pas à 340 nm).

On donne : ϵ molaire du NADH, H^+ à 340 nm = $6,3 \cdot 10^3 \text{ mol}^{-1} \cdot \text{cm}^{-1} \cdot \text{L}$

3. En analysant la cinétique ($\Delta A/\text{min}$), préciser et justifier l'intervalle de temps correspondant aux conditions de vitesse initiale V_0 .

4. Calculer V_0 (en $\text{mol} \cdot \text{L}^{-1} \cdot \text{min}^{-1}$) dans la cuvette.

2. On considère que seul le NADH absorbe à 340 nm:

$$A = \epsilon l c \quad A_{\text{NADH } t_0} = 179,4 \cdot 10^{-6} \times 6300 \times 1 = 1,13 \text{ (pas d'unité)}$$

3. Décroissance régulière de l'absorbance de 0,2 pendant les trois premières minutes.
Pendant ce temps la cinétique de disparition du substrat en fonction du temps est linéaire et correspond à la tangente quand $t \rightarrow 0$ de $[S] = f(t)$. Les conditions de vitesse initiale sont vérifiées pendant les 3 premières minutes.

4. **PENDANT LES TROIS PREMIERES MINUTES UNIQUEMENT** $V_0 = - d[\text{NADH}]/dt$

$$V_{0 \text{ cuve}} = \Delta[\text{NADH}]/\Delta t \text{ considérant beer lambert } \Delta[\text{NADH}] = \Delta A/\epsilon l$$

$$V_{0 \text{ cuve}} = \Delta A/\Delta t \times 1/\epsilon l = 0,2/1 \times 1/(6300 \times 1) = 3,17 \cdot 10^{-5} \text{ mol/L/min}$$

5. Expliciter et calculer le facteur F permettant de relier la variation d'absorbance par min ($\Delta A/\text{min}$) à l'activité enzymatique (AE) du sérum exprimée en U.L^{-1} .

$$AE = \Delta A \cdot \text{min}^{-1} \times F$$

6. Calculer la concentration catalytique (U.L^{-1}) du sérum.

5.

$$Vo_{\text{cuve}} = \Delta A / \Delta t \times 1 / \epsilon l \rightarrow Vo_{\text{échantillon}} = \Delta A / \Delta t \times 1 / \epsilon l \times Vol_{\text{tot}} / Vol_{\text{échantillon}}$$

$$F = 1 / \epsilon l \times vol_{\text{tot}} / vol_{\text{échant}}$$

F est un facteur constant si l'on ne change pas les conditions opératoires qui permet de calculer les activités obtenues dans l'échantillon pour n'importe quel échantillon à condition d'être toujours en conditions de vitesse initiale. Pour un résultat exprimé en U/L , ϵ doit être exprimé en $\mu\text{mol/L/cm}$. $F = 1 / (6.3 \cdot 10^{-3} \times 1) \times 3150 / 100 = 5000$ ($\mu\text{mol/L}$)

6.

$$CC_{\text{sérum}} = \Delta A / \Delta t \times F = 0.2 / 1 \times 5000 = 1000 \text{ U/L}$$

Exercice 5

On souhaite doser un substrat par voie enzymatique en mode cinétique (mesure de la vitesse initiale).

- 1- Quel doit être l'ordre de la réaction par rapport à $[S]$. En déduire sur la courbe de Michaelis le domaine de la courbe concerné par cette application.
- 2- Sachant que le K_m de l'enzyme pour S est de 10^{-4} M, quelle sera la concentration maximale de S dosable par cette technique (on considère $(S)_0$ négligeable par rapport au K_m lorsqu'il est $\leq 10\%$ de sa valeur).
- 3- Quelle sera l'expression de la disparition de S en fonction du temps ?

1. Le principe du dosage d'un substrat par une enzyme en mode cinétique (cinétique en temps fixée) est que la vitesse initiale doit être proportionnelle à la concentration en substrat au départ, donc une réaction d'ordre 1 par rapport à $[S]$
2. $[S] < 0.1K_m$ $[S] < 10^{-5}$ M on ne pourra pas doser de substrat au-delà d'une concentration de 10^{-5} mol/L sinon S ne devient plus négligeable devant K_m et la vitesse initiale ne sera plus proportionnelle à $[S]$

4-En pratique V_0 n'est pas mesurable à $t = 0$. On mesure plutôt S_1 et S_2 à deux temps t_1 et t_2 (méthode en temps fixé) et on calcule $\Delta(S)$. Démontrer la relation exprimant $(S)_0$ en fonction de $\Delta(S)$. Sachant que $(S) = DO/\epsilon l$, donner l'expression de $(S)_0$ en fonction de la variation d'absorbance.

$$v_0 = -\frac{d(S)}{dt} = \frac{k_{cat}(E)_t}{K_M}(S) = \frac{V_{max}}{K_M}(S) = K(S) \qquad \frac{d(S)}{(S)} = -K dt$$

En pratique la mesure de la vraie vitesse initiale est ici très délicate (voire impossible) car la variation du signal et le temps pendant lequel cette variation évolue linéairement sont très faibles (conditions de V_0 très courte quand $[S]$ est très petit) or il faut un certain temps pour mélanger les réactifs...

Pour contourner cette difficulté la variation de signal est lue entre deux points sur la partie non linéaire de la cinétique (cinétique en temps préfixés)

En intégrant la dernière équation : $Ln(S) = -Kt + \lambda$ à $t = 0$ $Ln(S)_0 = \lambda \Rightarrow (S) = (S)_0 e^{-K.t}$

La consommation de S suit une cinétique régie par une fonction exponentielle. Pour calculer $[S]_0$, il suffit de connaître $[S]_1$ et $[S]_2$ mesurés à deux temps t_1 et t_2

$$(S)_1 = (S)_0 e^{-K.t_1} \qquad (S)_2 = (S)_0 e^{-K.t_2} \qquad \rightarrow \qquad \Delta(S) = (S)_2 - (S)_1 = (S)_0 [e^{-K.t_2} - e^{-K.t_1}]$$

$$(S)_0 = \frac{\Delta(S)}{[e^{-K.t_2} - e^{-K.t_1}]}$$

$$(S)_0 = \frac{\Delta A}{\epsilon.l [e^{-K.t_2} - e^{-K.t_1}]} = K_1 \cdot \Delta A$$

avec $K_1 = \frac{1}{\epsilon.l [e^{-K.t_2} - e^{-K.t_1}]}$ et $K = \frac{V_{max}}{K_M}$

Exercice 6

On veut doser un substrat S dans le plasma par une méthode cinétique enzymatique selon le schéma suivant :

1. Quel doit être l'ordre de la réaction catalysée par E1 par rapport à S ?
2. Préciser les composés limitants et ceux qui doivent être en excès (par rapport au K_m et à la concentration en enzyme E1).

1. Pour réaliser le dosage d'un substrat par une enzyme par une méthode en cinétique on doit avoir $(S) \leq 0,1 K_m$ alors $V_o = K [S]$ c'est une réaction d'ordre 1 par rapport à S
2. la réaction principale catalysée par E1 doit être la réaction limitante, donc les concentrations en S, P1, P2 sont limitantes. Par ailleurs, la vitesse de la réaction indicatrice E3 doit être supérieure à celle de la réaction auxiliaire E2 (elle même supérieure à la réaction limitante E1). Donc $(E3) > (E2) > (E1)$ et les concentrations en ATP et NADH doivent être en excès par rapport à leur K_m respectif

3-Les concentrations pathologiques de S peuvent atteindre 60 mmol/L. Sachant que l'on ajoute 0,735 mL de milieu réactionnel à un volume d'échantillon plasmatique de 0,015 mL, quelle est la valeur minimale du Km de E1 ? (On veut $(S) \leq 0,1 \text{ Km}$).

4-La méthode est calibrée par un étalon à 5 mmol/L qui est dosé dans les mêmes conditions que le substrat. Sachant que les ΔA pour S et l'étalon sont respectivement de - 0,015 et - 0,020, calculer la concentration plasmatique de S.

3. $[S]_{\text{max cuve}} = 60 \times (15/750) = 1,2 \text{ mM} \rightarrow [S]_{\text{max cuve}} \leq 0,1 \text{ Km}$ d'où un $\text{Km} \geq 12 \text{ mM}$. La valeur minimale du Km doit être de 12 mM.

4. $(S)_x / (S)_{\text{et}} = (\Delta A)_x / (\Delta A)_{\text{et}} = - 0,015 / - 0,020 \Rightarrow (S)_x = 3,75 \text{ mM}$

Exercice 7

On veut doser l'activité enzymatique sérique de l'ASAT (E1) selon le schéma réactionnel suivant

Le sérum (20 μL) est préincubé 10 min à 37°C avec 0,2 mL de milieu réactionnel. Puis 20 μL d' α -cétooglutarate (144 mmol/L) sont ajoutés. La variation d'absorbance à 340 nm est de - 0,08/min

- 1-Quel est le rôle de E2 et quelle doit être sa concentration relative par rapport à E1 ?
- 2-Le milieu réactionnel contient notamment du pyridoxal 5'-phosphate et de la LDH. Quels sont leurs rôles ?

1. E2 = enzyme indicatrice. Sa concentration doit être très supérieure à E1 de façon que la vitesse de la réaction indicatrice ne soit pas limitante par rapport à E1.

2. (- le pyridoxal phosphate est le coenzyme. Il est ajouté en excès pour qu'il ne soit pas limitant pour les éventuels sérum déplétés (e.g. hémodialysés...).

- la LDH permet de tenir compte de façon stœchiométrique de la décarboxylation spontanée de l'oxaloacétate en pyruvate. Ce dernier est ensuite transformé en lactate avec une consommation équivalente de NADH.

3-Le K_m de l'ASAT pour l' α -cétoglutarate est égal à $4 \cdot 10^{-5}$ mol/L. Quel est le taux de saturation de l'ASAT pour ce substrat ?

4-Calculer la concentration catalytique sérique de l'ASAT, sachant que $\epsilon = 6,3 \cdot 10^3$ L.mol⁻¹.cm⁻¹.

3. $[\alpha\text{-cétoglutarate}]_{\text{cuve}} = 144 \times (20/240) = 12$ mM soit 300 K_m . E1 est saturée, la vitesse est égale à la V_{max} . $V_0/V_{\text{max}} = (S)/[K_m + (S)] = 300/301 \approx 1$

4. $AE_{\text{échantillon}} = \Delta A/\Delta t \times 1/\epsilon l \times \text{Vol}_{\text{tot}}/\text{Vol}_{\text{échantillon}} = (0,08/6300) \times 10^6 \times 12 = 152$ U/L

Exercice 14

La glucokinase (GK) est purifiée à partir d'un broyat de foie. Après centrifugation on obtient un extrait brut A de 400 mL dont les concentrations catalytiques (mesurées en conditions conventionnelles) et en protéines totales sont respectivement de 4 U/L et 80 g/L.

Après la dernière étape de purification on obtient une solution B de volume 10 mL, de concentration catalytique 120 U/L et contenant 6 g/L en protéines totales.

1-Calculer pour la GK le rendement de la purification, les activités spécifiques des solutions A et B et le degré de purification dans la solution B.

1. Rendement = (quantité catalytique finale/quantité catalytique initiale) x100 (%)

Act. Spécifique = conc. catalytique / conc. en protéines totales (U/g)

Degré de purification = AS finale/AS initiale (sans unité)

	volumes (mL)	Conc Cat (U/L)	Qtté Catal U	Conc prot (g/L)	Act Spec (U/g)	rendement (%)	degres pur
broyat	400	4	1,6	80	0,05	-	-
etape x	10	120	1,2	6	20	75	400

L'analyse de la solution B en électrophorèse (PAGE-SDS et conditions réductrices) révèle la présence d'une seule bande de masse moléculaire relative (M_r) à 35 kDa. On veut étudier les propriétés catalytiques de la GK sur une solution de 1 mL de B diluée au $1/10^{\text{ème}}$ dans un tampon de même composition que celui des conditions conventionnelles à l'exception de la concentration en substrat (glucose) qui est variable. Les vitesses initiales V_0 mesurées pour des concentrations en glucose dans le milieu réactionnel de 10 et 30 mM, sont respectivement de 7 et 10,5 $\mu\text{mol/L/min}$.

2-Représenter ces résultats en représentation d'Eadie- Hofstee. En déduire le K_m de la GK pour le glucose et la V_{max} .

[S]	Vo	Vo/[S]
10	7	0,7
30	10,5	0,35

2- Représenter ces résultats en représentation d'Eadie- Hofstee. En déduire le K_m de la GK pour le glucose et la V_{max} .

3- Tracer, dans le même type de représentation graphique, le tracé probable que l'on obtiendrait pour une solution B diluée au 1/50ème ; les autres conditions expérimentales étant conservées.

4- Calculer en unités K_m (selon la relation $[S] = a.K_m$) et en mol/L la concentration en glucose définie pour les conditions conventionnelles.

2. Eadie-Hofstee : $V_o = f(V_o/S)$. Intersection avec l'axe des y donne V_{max} ; intersection avec x donne V_{max}/K_m ; pente = (-) K_m . On en déduit $V_{max} = 14 \mu\text{mol/L/min}$ et $K_m = 10 \text{ mM}$.

3. Tracé probable : droite parallèle puisque K_m inchangé, mais avec des valeurs d'intersection avec les axes y et x 5 fois plus faibles.

4. On tient compte de la dilution au 1/10: V_{max} solution B = $14 \mu\text{mol/L/min} \times 10 = 140 \mu\text{mol/L/min}$ or V_o solution B = $120 \mu\text{mol/L/min}$ en conditions conventionnelles

$V_o / V_{max} = a / (a + 1) = 6/7$. On en déduit $a = 6$, et donc $(S) = 6 K_m = 60 \text{ mM}$ soit 60.10^{-3} M .

5-A partir des résultats expérimentaux ci-dessus peut-on estimer la valeur de la constante catalytique de la GK et si oui quelle serait cette valeur ?

5. Le PAGE-SDS démontre que la GK est apparemment pure avec une MM à 35 kDa donc $[E]_{\text{tot}} = [\text{protéine}]_{\text{totale}}$

On calcule K_{cat} à partir de la relation $K_{\text{cat}} = V_{\text{max}}/(E_{\text{t}})$ avec $V_{\text{max}} = 140 \cdot 10^{-6}$ mole/L/min et $[E]_{\text{tot}} = 6 / 35000 = 171,4 \cdot 10^{-6}$ mole/L. Donc $K_{\text{cat}} = 0,817 \text{ min}^{-1}$.

Exercice 15

On se propose d'étudier la cinétique de la succinate déshydrogénase (SDH) en présence d'une concentration fixe d'enzyme, d'une concentration saturante en FAD et de concentrations croissantes en succinate. Les autres paramètres de la réaction (pH, force ionique etc) sont parfaitement définis.

Les vitesses initiales V_0 mesurées pour chaque concentration en succinate sont reportées graphiquement selon la représentation de Lineweaver et Burk. Elles permettent d'obtenir une droite de régression d'équation : $y = 1,6 x + 4,0 \cdot 10^4$.

NB : les paramètres de cette droite sont obtenus à partir de concentrations en succinate exprimées en mmol/L et de vitesses initiales (mesurée par la consommation en succinate) exprimées en $\mu\text{mol/L/min}$.

1-Définir pour cette droite les variables y et x (en précisant les unités). Quelles sont les significations de la pente et des intersections avec les axes y et x ? Calculer K_m et V_{max} .

1. Lineweaver Burck :

$$1/V_0 = 1/V_m + K_m/V_m \times 1/[S]$$

$y = 1/V_0$ en $\mu\text{mol}^{-1} \cdot \text{L} \cdot \text{min}$ et $x = 1/[S]$ en L/mmol ; pente = K_m/V_m et intersection abscisses : $-1/K_m$, intersection ordonnées : $1/V_m$

$$1/V_m = 4 \cdot 10^4 \quad V_m = 25 \cdot 10^{-6} \mu\text{mol/L/min}$$

$$-1/K_m = 4 \cdot 10^4 / 1,6 \quad K_m = 4 \cdot 10^{-5} \text{ mM}$$

La même expérience que précédemment est répétée en présence d'un inhibiteur de la SDH : le malonate introduit à une concentration de 22,5 μM . L'équation de la nouvelle droite de régression dans la représentation de Lineweaver et Burk est : $y = 2,8 x + 4,0.10^4$

2-Calculer les éventuelles variations de K_m et V_{max} .

En déduire le mode d'action de l'effecteur sur l'enzyme.

Calculer la constante de dissociation K_i du malonate pour la SDH

2.

$$1/Vm_{app} = 4.10^4 \quad Vm_{app} = 25.10^{-6} \mu\text{mol/L/min} = V_{max}$$

$$-1/Km_{app} = 4.10^4/2,8 \quad Km_{app} = 7.10^{-5} \text{ mM} > Km$$

Un inhibiteur qui n'affecte pas la Vitesse maximale et augmente le K_m (diminue l'affinité de l'enzyme pour son substrat) est un inhibiteur compétitif.

$$Km_{app} = Km \times (1 + [I]/K_i)$$

$$7,10^{-5}/4.10^{-5} = 1 + 22,5/K_i \rightarrow K_i = 30 \mu\text{M}$$

la constante de dissociation du malonate pour la SDH est de 30 μM .

3-Démontrer l'équation exprimant pour ce type d'inhibiteur le degré d'inhibition de la vitesse initiale. Extraire de cette expression la concentration en inhibiteur (I₅₀) pour un degré d'inhibition de 0,5 (soit 50 %). Calculer cette concentration pour (S) = K_m

$$3. \text{ Degré d'inhibition : } \frac{V_o - V_i}{V_o} = \frac{\frac{V_m[S]}{K_m + [S]} - \frac{V_m[S]}{K_m(1 + \frac{I}{K_i}) + [S]}}{\frac{V_m[S]}{K_m + [S]}}$$

on multiplie tout par 1/V_m[S] puis par K_m + [S] (élimine le dénominateur de la grande fraction) puis met au même dénominateur ce qui reste au numérateur enfin on divise tout par K_m pour obtenir

$$\frac{V_o - V_i}{V_o} = \frac{I/K_i}{1 + \frac{I}{K_i} + \frac{S}{K_m}} \quad \text{on multiplie tout par } K_i$$

$$\frac{V_o - V_i}{V_o} = \frac{I}{K_i + I + K_i \frac{S}{K_m}} \quad \text{d'où} \quad \frac{V_o - V_i}{V_o} = \frac{I}{I + K_i(1 + \frac{S}{K_m})}$$

IC 50% : degré d'inhibition = ½ donc I_{50%} = K_i x (1 + [S]/K_m)

Si [S] = K_m alors I_{50%} = 2K_i = 60 μM

Exercice 17

On veut déterminer l'activité enzymatique de la LDH plasmatique (EC.1.1.1.27).

L'analyseur prélève successivement 10 μL de plasma, puis après 10 s 250 μL de réactif R1 (tampon pH 7,2, contenant du NADH 0,2 mmol/L) puis après 1,5 min d'incubation 50 μL de réactif R2 (pyruvate 1,6 mmol/L). Les lectures d'absorbance à 340 nm sont effectuées aux temps 3 et 5 min après ajout du réactif R2.

1-Quels sont le principe du dosage et la signification du premier chiffre de la numérotation enzymatique (EC.1....) ?

2-Quelles sont les valeurs attendues pour l'absorbance à 340 nm immédiatement après ajout des réactifs R1 puis R2 ? On considère que seul le NADH (coefficient d'extinction molaire à 340 nm ϵ Molaire = $6,3 \cdot 10^3$ mol/L/min) absorbe à cette longueur d'onde.

1. dosage en mode cinétique et en conditions conventionnelles d'une concentration catalytique ou d'une concentration d'enzyme. Les conditions conventionnelles sont telles que $V_0 = K \cdot (E_t)$

Signification du premier chiffre de la nomenclature enzymatique : classe des oxydo-réductases

2. absorbance après R1 = $0,2 \cdot 10^{-3} \times (250/260) \times 6,3 \cdot 10^3 = 1,2115$

A après R2 = $1,21 \times (260/310) = 1,0161$ ou $0,2 \times (250/310) \times 6,3 = 1,0161$

3-L'analyseur calcule la concentration catalytique (U/L) dans le plasma par la formule $(\Delta A/\text{min}) \times (F)$. Calculer la valeur du facteur F.

4-La variation d'absorbance lue entre 3 et 5 min est de 0,122. Calculer la concentration catalytique du plasma en U/L. Quelle serait cette valeur en nkat / L ?

3. CC en U/L = $(\Delta A/\text{min}) \times F$ avec $F = (10^6/6300) \times (310/10) = 4921$

4. CC du patient = $(0,122/2) \times 4921 = 300 \text{ U/L}$

CC en nkat/L = $300 \times (109/60 \cdot 10^6) = 5000 \text{ nkat/L}$

Exercice 18

Une enzyme est purifiée à partir de 2 litres d'un milieu de culture (A) présentant une concentration catalytique en enzyme de 20000 U/L et une concentration en protéines totales de 12,5 g/L. Après une série d'étapes de purification on obtient en final 50 mg d'une poudre lyophilisée (B) présentant une concentration catalytique en enzyme de 240 U/mg de poudre et une concentration en protéines totales de 30 mg/100 mg de poudre.

1 – Quelle est la teneur en impuretés non protéiques de la poudre ?

2 – Calculer

- le rendement de la purification en quantité catalytique
- les activités spécifiques avant et après purification
- le degré de purification de l'enzyme dans la poudre (B)

1. 30 mg de protéine pour 100 mg de poudre soit 70% d'impureté non protéique

2. Rendement = (quantité catalytique finale/quantité catalytique initiale) x100 (%)

Activité Spécifique = conc. catalytique / conc. en protéines totales (U/g)

Degré de purification = $AS_{finale} / AS_{initiale}$

a- 30 %

b- AS (A) = 1,6 U/mg et AS(B) = 800 U/mg

c- 500

Exercice 22

On veut déterminer le K_m d'une enzyme pour son substrat S. Pour ce faire, on mesure dans des conditions expérimentales bien définies la vitesse initiale V_0 de la réaction en fonction de concentrations croissantes en substrat.

-1. Quels sont les paramètres physico-chimiques de la réaction qui doivent être définis pour cette expérience ?

Parmi les nombreuses mesures effectuées 3 couples de valeurs considérées comme très significatives sont reportés dans le tableau ci-dessous :

(S) mM	2	5	10
V_0 $\mu\text{M}/\text{min}$	3	6	9

- 2. L'expérimentateur très soigneux mais étourdi ne dispose que d'une calculatrice pour interpréter ses résultats pour lesquels il postule que l'erreur expérimentale est négligeable. Calculez le K_m et la V_{max} de l'enzyme.

1. tous les paramètres physico-chimiques de la réaction à l'exception de la variable (S) : tampon (nature, molarité, pH), autres sels (force ionique), T, autres effecteurs de la réaction (autres substrats, coenzymes, activateurs, métaux...), définir les conditions de vitesse initiale pour la concentration en substrat choisie la plus faible, définir le Δt pour mesurer V_0 ...

2. on applique l'équation de Michaëlis pour 2 couples de valeurs V_0 et (S). On obtient ainsi un système de 2 équations à 2 inconnues que l'on résout.

En désignant V_{max} par y et K_m par x on obtient pour les 2 premiers couples :

$$3 / y = 2 / (x + 2) \text{ et } 6 / y = 5 / (x + 5).$$

En divisant ces 2 équations membre à membre $\Rightarrow 3/6 = 2(x + 5) / 5(x + 2)$

$\Rightarrow 0,5 x = 5 \Rightarrow x = K_m = 10 \text{ mM}$

On reporte ensuite x dans un des couples de valeurs : par exemple en prenant le couple du milieu on obtient : $6 / y = 5 / (10 + 5) \Rightarrow y = V_{\max} = 18 \text{ } \mu\text{mol/L/min}$

NB : on constate dans le tableau que la concentration la plus élevée correspond (comme par hasard) à $(S) = 10 \text{ mM} = K_m$. La vitesse initiale correspondante ($= 9 \text{ } \mu\text{mol/L/min}$) doit théoriquement correspondre à $V_{\max}/2$ et donc $V_{\max} = 18 \text{ } \mu\text{mol/L/min}$

L'enzyme est maintenant incubée en présence de 0,1 mM d'un composé C et dans les mêmes conditions opératoires que ci-dessus. Les résultats sont reportés dans le tableau ci-dessous :

(S) mM	2	5	10
V0 $\mu\text{mol/L/min}$	2,57	4,5	6

3.

- o Calculez le K_m et la V_{max} de l'enzyme en présence du composé C.
- o En déduire le mode d'action le plus probable du composé C
- o Calculez la constante de dissociation du composé C pour l'enzyme

3. - En procédant comme dans R2 on obtient $K_m = 5 \text{ mM}$ et $V_{max} = 9 \mu\text{mol/L/min}$. K_m et V_{max} sont tous deux diminués d'un même facteur 2.

On en déduit que le composé C se comporte comme un inhibiteur incompétitif.

$$V_{max_{app}} = V_{max} / [1 + (I)/K_i] \Rightarrow [1 + (I)/K_i] = 2 \Rightarrow K_i = (I) = 0,1 \text{ mM}$$

Exercice 25

Une solution A est préparée en dissolvant une quantité d'enzyme correspondant à 9 unités (U) dans un litre de tampon reproduisant les conditions conventionnelles retenues pour la définition de l'unité à l'exception du substrat qui est ajouté extemporanément.

1. Quelle est la vitesse initiale prévisible de la solution A dans les conditions conventionnelles ?

Sur cette solution A on effectue un grand nombre de mesures de vitesses initiales en l'incubant en présence de concentrations croissantes en substrat exprimées en mM. Les résultats sont reportés sur le graphique ci-dessous :

1. $V_o = 9 \mu\text{mol/L/min}$

2. Quelle est le nom de cette représentation graphique ? Donner l'équation de la droite et les expressions de la pente et des intersections avec les axes. En déduire les valeurs de K_m et V_{max} .
3. En déduire la concentration en substrat correspondant aux conditions conventionnelles retenues pour la définition de l'unité d'enzyme. Exprimez cette concentration en unités K_m .

On recommence la même expérience mais avec une solution B de la même enzyme de concentration catalytique 3 U/L

4. Calculez la V_{max} et le K_m de cette solution B. Tracer sur le graphique ci-dessus la droite correspondant à cette solution.

2. Eadie – Hofstee $V_o = V_{max} - K_m (V_o/[S])$

D'après l'équation de la droite : $V_{max} \# 12 \mu\text{mol/L/min}$ et K_m selon la pente = 0,1 unités de (S) soit 0,1 mM Ou bien passer par l'expression de l'intersection avec l'axe des abscisses : $V_{max}/K_m \# 120 \Rightarrow K_m = 12/120 = 0,1 \text{ mM}$.

3. (S) en conditions conventionnelles correspond à $V_o = 9 \mu\text{mol/L/min}$. En écrivant $(S) = a.K_m$ on obtient : $V_o/V_{max} = a/(a + 1) = 9/12 \Rightarrow a = 3 \Rightarrow (S) = 3 K_M = 0,3 \text{ mM}$

4. La concentration en enzyme est 3 fois plus faible donc $V_{max} = 12/3 = 4 \mu\text{mol/L/min}$ et K_m demeure inchangé. La droite correspondante est parallèle à la première. Elle coupe l'axe des ordonnées à $4 \mu\text{mol/L/min}$ et l'axe des abscisses à 40 min^{-1}

Exercice 33

On mesure la concentration catalytique d'une enzyme dans un milieu réactionnel obtenu par mélange de 0,2 mL d'une solution d'enzyme (solution A) et de 1,8 mL d'une solution d'un substrat S1 spécifique de cette enzyme (solution B1).

La solution A est réalisée par mise en solution de 10 mg de poudre d'enzyme dans 1 mL de tampon approprié. La concentration catalytique de la poudre (mesurée en conditions conventionnelles de V_{max}) est de 3,3 U/mg de poudre.

La solution B1 contient la solution de substrat S1 elle-même à la concentration de $2 \cdot 10^{-3}$ mol/L. La constante catalytique K_{cat} de l'enzyme pour S1 est de $5,2 \cdot 10^4 \text{ min}^{-1}$.

La cinétique d'apparition du produit P dans le milieu réactionnel est la suivante:

- 1500 $\mu\text{mol/L}$ après 30 secondes
- 3000 $\mu\text{mol/L}$ après 1 minute
- 4500 $\mu\text{mol/L}$ après 90 secondes
- 5200 $\mu\text{mol/L}$ après 2 minutes

1. Quelle est la vitesse initiale dans le milieu réactionnel ?

1. la partie linéaire de $[P] = f(t)$ pendant laquelle la vitesse est approximée par une vitesse du type $V_o = k \cdot [ES]$, est d'environ 1,5 minutes.

$V_o = d[P]/dt$ pendant les 1,5 premières minutes

$$V_o = 3000/1 = 3000 \mu\text{mol/L/min}$$

2. Quelle serait la V_{max} théorique de ce milieu réactionnel ?

3. Quel est le K_m du couple enzyme-substrat S1 ?

Les protéines totales sont dosées dans la poudre d'enzyme. Le résultat obtenu est de 500 mg de protéines par g de poudre.

4. Quelle est l'activité spécifique de l'enzyme dans la poudre ?

On refait la même expérience que celle initialement décrite mais avec une solution A contenant 5 mg de poudre dans 1 mL de tampon.

5. Quelle sera la vitesse initiale mesurée dans ces conditions dans le milieu réactionnel ?

2. A est à 10 g/L de pdre à 3,3 U/mg donc CCA = 33 000 U/L (en conditon de V_{max}) donc correspondant à une V_{max} dans A de 33000 $\mu\text{mol/L/min}$.

V_{max} dans le milieu réactionnel compte tenu de la dilution au 1/10ème = 3300 $\mu\text{mol/L/min}$.

3. Définissons la concentration en substrat dans le milieu réactionnel par (S1) = a K_m .

$V_o/V_m = a/(a+1)$ soit $3000/3300 = 0,908 = a/(a+1)$ La résolution de l'équation de MM donne $a = 10$. donc (S1) = 10 $K_m = 2 \cdot 10^{-3} \times 9/10 = 1,8 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L}$ d'ou $K_m = 0,18 \cdot 10^{-3} \text{ mol/L}$

4. 1 mg de poudre contient 0,5 mg de protéines et donc pour une CC de poudre à 3,3 U/mg AS = 6,6 U/mg de protéines

5. On divise par deux la concentration en enzyme donc $V_o = 1500 \mu\text{mol/L/min}$

On refait la même expérience que celle initialement décrite mais avec une solution B2 de contenant un substrat S2 également spécifique de l'enzyme mais structuralement différent et à une concentration de $1 \cdot 10^{-3}$ mol/L. Le K_m de l'enzyme pour S2 est identique à celui pour S1. La vitesse initiale mesurée dans ces conditions dans le milieu réactionnel est de $5500 \mu\text{mol/L/min}$.

6. Calculez la constante catalytique de l'enzyme pour le substrat S2.

7. Calculez le temps de rotation des substrats S1 et S2 sur l'enzyme.

6. K_m identique ($0,18 \cdot 10^{-3}$ M) donc $[S2]_{\text{cuve}} = [S2] \times 9/10 = 0,9 \cdot 10^{-3} = 5K_m$

$V_{o2} = 5500 = V_{\text{max}} [S]/(K_m + S)$ $V_{o2} = 5/6 V_{\text{max}2} \rightarrow V_{\text{max}2} = 6600 \mu\text{mol/L/min} = 2 \times V_{\text{max}1}$

Or $V_{\text{max}} = K_{\text{cat}} \cdot [E]_{\text{tot}}$ donc $K_{\text{cat}2} = 2 \times K_{\text{cat}1} = 10,4 \cdot 10^4 \text{ min}^{-1}$

7. Temps de rotation = $1/K_{\text{cat}}$

Pour S1 $TR1 = 1/5,2 \cdot 10^4 = 1,92 \cdot 10^{-5} \text{ min}$

pour S2 $TR2 = 1/10,4 \cdot 10^4 = 9,6 \cdot 10^{-6} \text{ min}$

Exercice 38

Une réaction enzymatique est inhibée par un composé A. La vitesse initiale est mesurée pour des concentrations croissantes en substrat S en absence et en présence d'une concentration fixée à 0,2 mM en composé A. Les résultats sont reportés dans le tableau ci-dessous.

[S] μM	Vo $\mu\text{M}/\text{min}$	Vo $\mu\text{M}/\text{min}$
	[A] = 0	[A] = 0,2 mM
1,25	12,2	11,1
2,5	23,8	20
5	44,5	33,3
10	83,3	50
25	166,7	71,4
50	250	83,3
100	333,3	90,9
200	400	95,2
500	454,5	98
2000	487,8	99,5
10000	497,5	99,9

1. A partir des valeurs de ce tableau extrapolez les valeurs approximatives de la V_{max} et du K_{m} en absence et en présence du composé A.

1. En absence de A la vitesse tend vers un maximum de $500 \mu\text{mol}/\text{L}/\text{min} = V_{\text{max}}$ et pour $V_{\text{max}}/2$ (250) on trouve une concentration en substrat de $50 \mu\text{M} = K_{\text{m}}$
De la même façon, en présence de A : $V_{\text{m app}} = 100 \mu\text{mol}/\text{L}/\text{min}$ et $K_{\text{m app}} = 10 \mu\text{M}$

2. En déduire le type d'inhibition par le composé A.
3. En absence d'inhibiteur, citez la (les) concentration(s) en substrat du tableau correspondant à une vitesse initiale proche de l'ordre 1 et de l'ordre 0 par rapport à S. Justifiez vos réponses.
4. Calculez la constante de dissociation de l'enzyme pour le composé A
5. Définissez le degré d'inhibition et démontrez la relation exprimant ce degré d'inhibition en fonction des concentrations en substrat et en inhibiteur et de leur constante de dissociation

2, A est un inhibiteur qui diminue K_m et V_m d'un même facteur donc A se comporte comme un inhibiteur incompétitif.

3. ordre 1 : $V_o = [V_{max}/K_m].(S)$ cela suppose $[S] < 0,1 K_m$ soit $< 5 \mu M$.

ordre 0 : $V_o = V_{max}$ cela suppose $[S] > 10 K_m$ soit $> 500 \mu M$.

4. $K_d = K_i$. Par exemple pour les K_m : $K_m \text{ app} = K_m/[1 + (I)/K_i]$. Soit $1 + (I)/K_i = 5$ et donc $K_i = (I)/4 = 50 \mu M$

5. degré d'inhibition = $(V_o - V_i)/V_o$ on remplace ... $\frac{V_o - V_i}{V_o} = \frac{I}{I + K_i(1 + \frac{K_m}{S})}$

6. Les résultats précédents sont obtenus pour une concentration en enzyme de 5 mg/L. Sachant que la masse molaire de l'enzyme est de 70000 g, calculez la constante catalytique de l'enzyme en absence d'inhibiteur.

$$6. K_{cat} = V_{max}/(E_t) = 500 \cdot 10^{-6} \times 70000 / 5 \cdot 10^{-3} = 7000 \text{ min}^{-1}$$