

Programme

 Dynamique du point matériel et principe fondamental de la dynamique

Energie



Dynamique

- 3.1 Introduction
- 3.2 Première loi de Newton
- 3.3 Les forces
- 3.4 Deuxième loi de Newton
- 3.5 Troisième loi de Newton
- 3.6 Résoudre un problème de dynamique



Introduction

Qu'est-ce que la dynamique?

Prédiction des mouvements des corps matériels

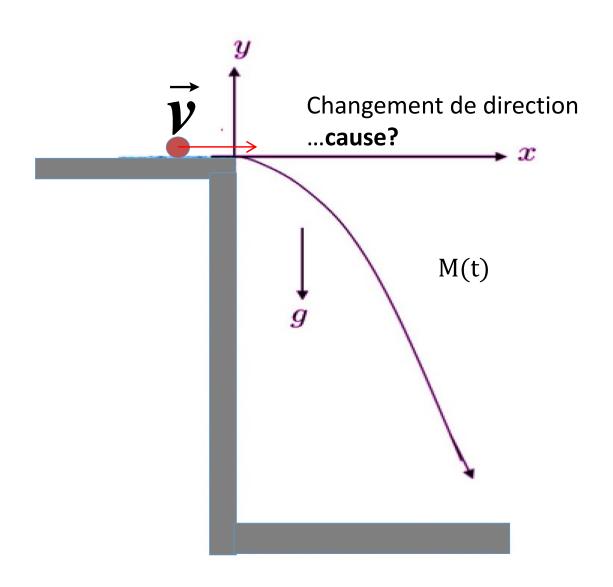


Quelles sont les **causes** des différents mouvements?

Qu'est ce qui **modifie** les trajectoires des objets?



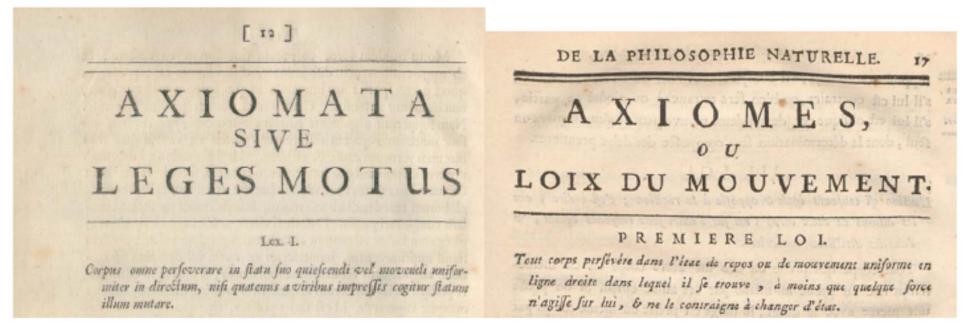
Introduction





Première loi de Newton

« Principes mathématiques de la philosophie naturelle (Newton, 1686) »



« Tout corps persévère dans l'état de repos ou de mouvement uniforme en ligne droite dans lequel il se trouve, à moins que quelque force n'agisse sur lui et ne le contraigne à changer d'état. »

Remarque 1 : La force change l'état d'un système

Remarque 2 : Il peut y avoir un mouvement sans force





Première loi de Newton

Pour Newton, l'état de base du mouvement est le repos ou le mouvement rectiligne uniforme. La force est une notion dynamique, elle est responsable du changement du mouvement. Elle fait sortir le système de son état de base.

Le principe d'inertie tel qu'exprimé par Newton suppose l'existence d'un référentiel absolu et supposé immobile.

C'est ce qui définit le concept de référentiel Galiléen (également appelé inertiel) :

« Dans un référentiel Galiléen, tout point matériel isolé (soumis à aucune force extérieure) est soit immobile, soit en mouvement rectiligne uniforme »

Référentiel géocentrique pour expériences de durée courte (<< journée) Référentiel héliocentrique Référentiel de Copernic (le soleil se déplace)





Les forces

Définition : Une force modélise l'action mécanique d'un objet sur un autre objet (par contact ou à distance). L'ensemble des forces appliquées à un objet a pour effet de lui communiquer **une accélération** (car changement de vitesse) ou de le déformer.

Mais ce cours ne s'intéresse qu'au point matériel (toutes les masses sont localisées en un point de volume infiniment petit) donc pas de déformation possible.

Reformulation:

L'ensemble des forces appliquées à un objet a pour effet de lui communiquer une accélération si elles ne s'annulent pas.

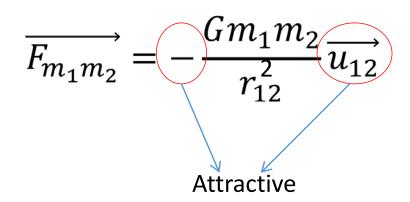
Exemple du meuble : Force, vitesse, donc vecteur ...

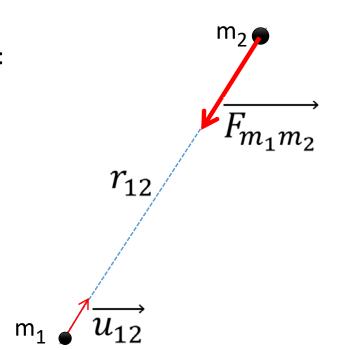
La dimension associée à la force est MLT⁻² et l'unité internationale associée est le Newton qui correspond à 1 kg.m.s⁻².



FORCE DE GRAVITATION

Toute masse m_1 exerce sur m_2 une force de gravitation :





G: constante de gravitation universelle:

$$G = 6,67384 \ 10^{-11} \ m^3 \ kg^{-1} \ s^{-2}$$

Qu'en est-il de m₂ sur m₁ ? exerce une force de même intensité et direction et de sens opposé



FORCE ÉLECTROSTATIQUE

2 charges immobiles interagissent à travers la force électrostatique:

Expression de la force de Coulomb:
$$\overrightarrow{F_{12}} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q_1Q_2}{r_{12}^2} \overrightarrow{u_{12}}$$

permittivité du vide:
$$\epsilon_0$$
 = 8,8541... 10⁻¹² Fm⁻¹

$$\leftarrow \overrightarrow{F_{21}}$$
 Q1

$$Q2 \xrightarrow{F_{12}}$$

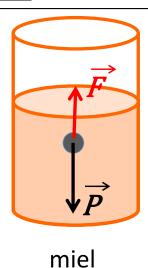
$$\overrightarrow{F_{21}} \qquad \overrightarrow{F_{12}} \qquad \bullet \qquad \bullet \qquad \bullet \qquad \bullet \qquad \bullet$$

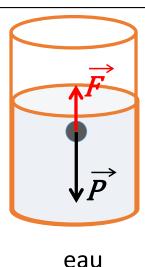


FORCE DE FROTTEMENT VISQUEUX

Mise en évidence

- voiture en mouvement
- bille m dans un fluide
- nageur





Observations:

Solide dans un fluide subit un frottement lors de son mouvement

$$\vec{F} = -\lambda \vec{v}$$

 λ >0

si la vitesse $V = 0 \rightarrow F$ absente

si la vitesse V croit F croit et s'oppose au mouvement

 $\lambda = 6\pi r\mu$, où μ est la viscosité dynamique du fluide.

Force de Stokes « Phénoménologique » valide pour de faibles vitesses

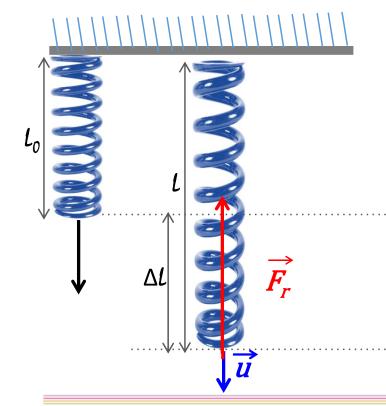


FORCE DE RAPPEL ÉLASTIQUE

On déforme certains matériaux \rightarrow opposition à la **déformation** \rightarrow **retour à l'état initial** force qui s'oppose à la déformation: **force de rappel élastique**







Dans le cas du ressort: allongement

changement de longueur : $l_0 \rightarrow l$ force s'oppose à l'allongement $\Delta l = (l_0)$

Force proportionnelle à la déformation: Δl

$$\overrightarrow{F_r} = -\mathbf{k}(L - L_0) \overrightarrow{u}$$

→ Loi de Hooke

K: constante de raideur du ressort

l : Longueur du ressort déformé

 l_0 : longueur au repos



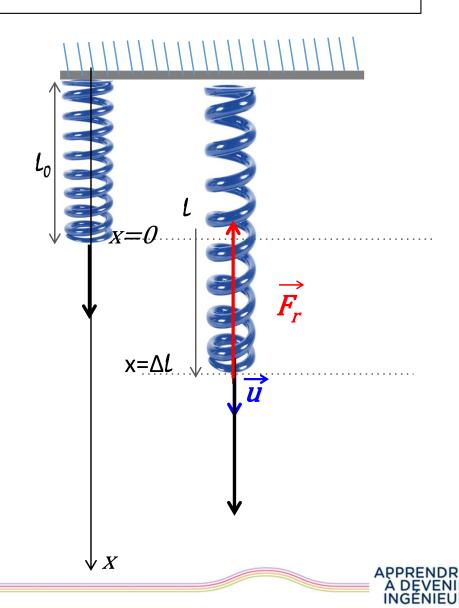


FORCE DE RAPPEL ÉLASTIQUE

Force proportionnelle à la déformation: Δ*l*

$$\overrightarrow{F_r} = -kX$$
 \overrightarrow{u}

→ x = déformation du ressort





FORCE DE RAPPEL ÉLASTIQUE

Dans le cas du ressort: compression

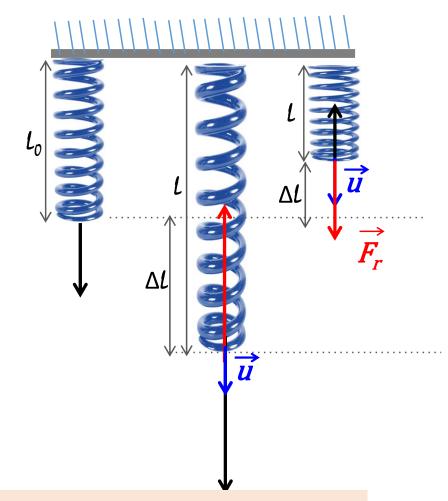
changement de longueur : $l_0 \rightarrow l$

force s'oppose à l'allongement $\Delta l = (l_0)$

Force **proportionnelle** à la **déformation**: △*l*<0

$$\overrightarrow{F}_r = -kX$$
 \overrightarrow{u} $x<0$

 \rightarrow x = déformation du ressort > 0 ou < 0

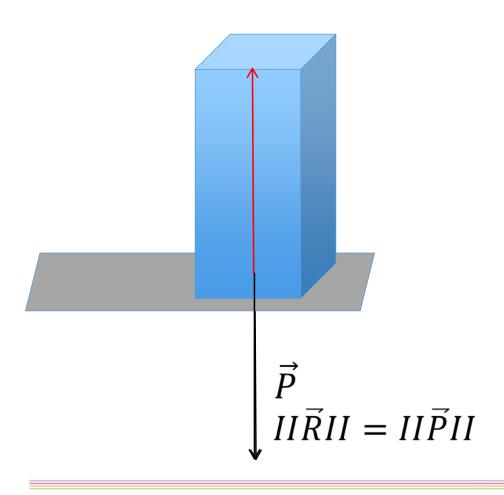


- *Attention au choix de l'axe ox: signe de F peut changer selon l'orientation de ox
- * La force s'oppose à la déformation

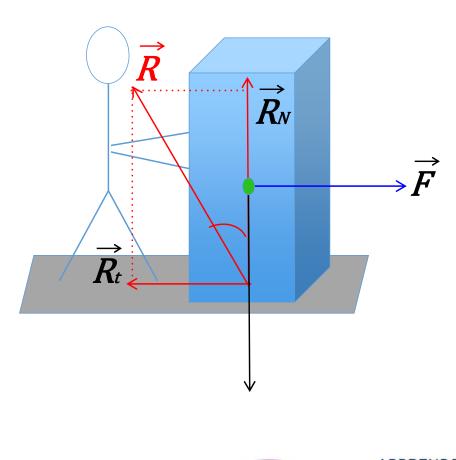


FORCE DE FROTTEMENT SOLIDE (Friction) – en absence de rotation

Deux surfaces solides en contact masse m immobile



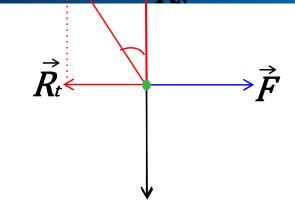
Application d'une force **F**: m immobile





FORCE DE FROTTEMENT **SOLIDE**

terminologie: frottement **sec** ou **solide**



Observations:

m immobile, sans force extérieure:

On applique une force extérieure: $\overrightarrow{F} \rightarrow$ la réaction n'est plus \bot à la surface

$$\vec{R} + \vec{P} \neq \vec{0}$$

F doit dépasser un <u>seuil pour amorcer</u> un mouvement:

$$\|\overrightarrow{F}\| > k_s \|\overrightarrow{P}\|$$

$$\|\overrightarrow{F}\| > k_s m \|\overrightarrow{g}\|$$

 k_s : coef de frottement statique $k_s < 1$



FORCE DE FROTTEMENT **SOLIDE**

 $\overrightarrow{f}_{s} = \overrightarrow{R}_{t}$

DONC:

En présence de $\,\overline{m{F}}\,$

et tant que m est immobile

Il existe une force *parallèle à la surface* et qui *s'oppose* au mouvement

$$\overrightarrow{f_s} = \overrightarrow{R_t}$$

 $\left\| \overrightarrow{f_s}
ight\|$

est toujours plus faible que $\, k_{s} \,$

$$k_{s} \| \overrightarrow{R_{N}} \|$$

Loi du frottement solide statique

$$\left\| \overrightarrow{f_s} \right\| < k_s \left\| \overrightarrow{R_N} \right\|$$

 k_s : coef de frottement statique $k_s < 1$

Sens: la force s'oppose au mouvement → sens contraire «au déplacement»



FORCE DE FROTTEMENT **SOLIDE**

$$\overrightarrow{f}_s = \overrightarrow{R}_t$$

Ensuite:

Si m est en mouvement

La force force *parallèle à la surface* et qui *s'oppose* au mouvement devient:

$$\overrightarrow{f_c} = \overrightarrow{R_t}$$

Loi du frottement solide cinétique

$$\left\| \overrightarrow{f_c} \right\| = k_c \left\| \overrightarrow{R_N} \right\|$$

 k_c : coef de frottement <u>cinétique</u>

$$k_c < k_s$$

Sens: la force s'oppose au mouvement → sens contraire à la vitesse





À SAVOIR

 Toutes les expressions VECTORIELLES des différentes forces agissant sur les solides SIGNIFICATION PHYSIQUE DE CES EXPRESSIONS